

دار المتنبى للطباعة والنشر

العنوان: حي تعاونية الشيخ المقراني/ طريق إشبيليا

مقابل جامعة محمد بوضياف/ المسيلة

الفاكس: 035.35.31.03 / الهاتف: 0773.30.52.82

EMAIL : elmotanaby.dz@gmail.com

EDITION EL MOTANABY

دار المتنبى للطباعة والنشر

المسيلة في: 2021/06/05

شهادة نشر كتاب

تشهد دار المتنبى للطباعة والنشر:

بنشر وطباعة كتاب بعنوان:

الرياضيات المالية

دروس مع أمثلة تطبيقية

إعداد:

د. سامية خرخاش

والمسجل إداريا برقم الإيداع القانوني

ردمك (ISBN) : 978-9931-9747-2-7

بتاريخ: 2021

الختم



كتاب الرياضيات المالية

تأليف
الدكتورة: خرخاش سامية
جامعة المسيلة - الجزائر



EDITION EL MOTANABY
دار المبتدئين للطباعة والنشر

سنة النشر: 1442هـ / 2021 م

الرياضيات المالية

الدكتورة: خرخاش سامية

مقردار النشر: حي تعاونية الشيخ المقراني، طريق إشبيليا/ مقابل جامعة محمد بوضياف- المسيلة.

التواصل مع دار النشر: elmotanby.dz@gmail.com

الهاتف: 0773305282 فاكس: 035353103

الحقوق: جميع الحقوق محفوظة ©

سنة النشر: 1442هـ / 2021 م



EDITION EL MOTANABY
دار المبتدئين للطباعة والنشر

د. سامية خرخاش
الرياضيات المالية
دروس مع أمثلة تطبيقية

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

- العنوان: الرياضيات المالية- دروس مع أمثلة تطبيقية
- إعداد: د. سامية خرخاش
- تدقيق وتنسيق داخلي للكتاب: العربي زغلاش أيوب
- مقاس الكتاب: 16/24



- الناشر: دار المتنبي
- رقم الإيداع: ISBN:978_9931_9747_2_7
- سنة النشر: 1442هـ / 2021م
- الحقوق: جميع الحقوق محفوظة ©
- مقر الدار: حي تعاونية الشيخ المقراني/ طريق إشبيليا
مقابل جامعة محمد بوضياف/ المسيلة
- للتواصل مع الدار:
elmotanaby.dz@gmail.com
- هاتف: 07.73.30.52.82
- فاكس: 0.35.35.31.03

د. خرخاش سامية

الرياضيات المالية

دروس مع أمثلة تطبيقية

الإهداء

أهدي هذا العمل إلى:

الوالدين الكريمين؛ أخواتي وإخوتي...

زوجي وأولادي...

جميع أفراد العائلة...

كل الزميلات والزملاء...

كل طلاب العلم والمعرفة...



الفهرس

7..... مقدمة

المحور الأول

الفائدة البسيطة والخصم

10..... أولا: الفائدة البسيطة

15..... ثانيا: الخصم (الحسم):

المحور الثاني

الفائدة المركبة والدفعات

26..... أولا: الفائدة المركبة

40..... ثانيا: الدفعات (الأقساط)

المحور الثالث

تكافؤ المعدلات ورؤوس الأموال

56..... أولا: تناسب وتكافؤ المعدلات

59..... ثانيا: تكافؤ رؤوس الأموال

المحور الرابع

معايير اختيار الاستثمارات

64..... أولا: ماهية اختيار الاستثمار

66..... ثانيا: معايير اختيار الاستثمارات



المحور الخامس

القروضه واهتلاكها

- 89..... أولاً : استهلاك القروض بدفعات ثابتة (متساوية)
92..... ثانياً-أعداد جدول استهلاك القرض:

المحور السادس

التقنيات البورصية

- 100..... أولاً: السندات
106..... ثانياً : الأسهم
115..... قائمة المراجع:



مقدمة:

بسم الله والحمد لله وصلاة وسلاما على سيد الأختيار وخاتم الأنبياء والمرسلين وعلى آله وصحبه الأطهار؛ وأشهد أن لا إله إلا الله وأن محمد رسول الله بلغ الرسالة وأدى الأمانة ونصح الأمة وجعلها على المحجة البيضاء ليلها كنهارها، لا يزيغ عنها إلا زانغ. أما بعد فله الحمد والمنة من قبل ومن بعد اللهم لا علم لنا إلا ما علمتنا إنك أنت العليم الحكيم؛ فبفضل الله نضع بين أيديكم هذا الكتاب الموسوم بـ "الرياضيات المالية"؛ حيث نتناول في محتواه على دروس مدعمة بأمثلة تشرح المفاهيم والنظريات الرياضية وفقا لبرنامج وزارة التعليم العالي والبحث العلمي، الموجه لطلبة السنة الثانية جذع مشترك لجميع الشعب في كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير؛ حيث تطرقنا للمفاهيم والأدوات الرياضية المستخدمة في مقياس الرياضيات المالية، ولأن العمليات المالية والاستثمارية تستند إلى المنطق الرياضي ازداد دور الرياضيات المالية في شؤون المال والأعمال، كما أن السيطرة التامة على الظواهر والمشكلات الاقتصادية ورصد تطورها لن تتم إلا بعد صياغتها رياضيا وبذلك أصبح للرياضيات دور أساسي في الاقتصاد وعالم المال والأعمال ومنها تفرعت علوم مثل الرياضيات المالية، الاقتصاد الرياضي، الاقتصاد القياسي والاقتصاد الكلي والجزئي...

نتوجه بهذا الكتاب إلى طلاب السنة الثانية جذع مشترك لجميع الشعب في كلية العلوم الاقتصادية والعلوم التجارية وعلوم التسيير خاصة؛ وإلى الراغبين في تطوير معارفهم الضرورية في هذا المقياس.

في الأخير أتمنى أن يكون هذا الكتاب إضافة ثمينة للمكتبة الجامعية؛ ونسأل الله جل وعلا أن يهدينا إلى سواء السبيل. والله ولي التوفيق والحمد لله رب العالمين.

الدكتورة: سامية خرخاش





المحور الأول

الفائدة البسيطة والخصم



تمهيد:

في الحياة الاقتصادية يقوم الإنتاج على عدة عوامل أهمها: الطبيعة والعمل والتنظيم ورأس المال والتكنولوجيا، فيكون الربح من نصيب الطبيعة والأجر للعمل والربح للتنظيم، أما رأس المال فتعود عليه الفائدة، وهي موضوع الذي نعالجه رياضيا في هذا المقياس.

أولا: الفائدة البسيطة

تعريف الفائدة: هي مبلغ يدفعه المقرض للمقرض نظير ارتفاعه في خلال مدة معينة.

معدل الفائدة: هو الفائدة المستحقة في كل وحدة زمنية محددة (عموما سنة، سداسي، فصل، شهر) لكل وحدة من مبلغ محددة (عموما 100 دج).

هناك ثلاث عوامل يرتبط بها قيمة الفائدة في تحديدها هي:

1- قيمة المبلغ المقرض.

2- مدة الدين.

3- سعر الفائدة أو المعدل.

القيمة الاسمية: القيمة الاسمية لمبلغ هي القيمة المحددة في تاريخ محدد وهناك ثلاث حالات:



1- الحالة الأولى: الآن

2- الحالة الثانية: الماضي

3- الحالة الثالثة: المستقبل

القيمة الإجمالية: هي القيمة الاسمية مضاف إليها الفائدة لمدة الاستعمال الذي ينطلق من بداية الاستعمال.

القيمة الإجمالية = القيمة الاسمية + الفائدة

القيمة الحالية: القيمة الحالية لمبلغ تحدد قبل تاريخ الاستحقاق والفائدة المنقوصة في هذه الحالة يطلق عليها كلمة خصم أو حسم وبالتالي يكون:

القيمة الحالية = القيمة الاسمية - الخصم

حساب الفائدة البسيطة:

لإيجاد قيمة الفائدة البسيطة نضرب عوامل الفائدة الثلاث في بعضها، فإذا رمزنا لـ:

الفائدة بالرمز I

المبلغ الموظف بالرمز A

مدة التوظيف بالرمز n

معدل الفائدة (السنوي) بالرمز $t\%$



ننطلق من المقياس المستعمل من % t مقابل استعمال 100 دج لمدة سنة.

$$1- \text{ عدد الأجزاء مقدر بـ } 100 \text{ دج من } A:100/A$$

$$2- \text{ فائدة سنوية لاستعمال } 100/A : t/100/A$$

$$3- \text{ الفائدة اليومية: } t/360n / 100 \text{ (عدد أيام السنة التجارية).}$$

ومنه يمكن حساب الفائدة كالتالي:

$$i = \frac{\text{Ant}}{36000}$$

ملاحظات:

- إذا استعملنا معدل فائدة سداسي % t (n معبر عنه بالأيام) فإن:

$$i = \frac{\text{Ant}}{18000}$$

- إذا استعملنا معدل فائدة فصلي % t (n معبر عنه بالأيام) فإن:

$$i = \frac{\text{Ant}}{9000}$$

- بنفس الطريقة نستطيع الحصول على علاقات أخرى بتغيير المعدل والوحدة الزمنية التي تحسب بها المدة.

- بالنسبة لعمليات حساب الفائدة نقوم بكل عملية ضرب والقسمة هي الأخيرة.



مثال:

اقترض شخص مبلغ 1460.00 وتعهد بسداده بعد 120 يوما بمعدل فائدة 3% سنويا.

المطلوب: إيجاد الفائدة المستحقة في نهاية المدة؟

الحل:

$$i = \frac{\text{Ant}}{36000}$$

ت.ع فإن:

$$I = \frac{120 \times 3 \times 1460}{36000}$$

$$I = 14.6$$

تبسيط حساب الفائدة: وهو حساب ميداني عن طريق استعمال النمر والقاسم.

$$i = \frac{\text{Ant}}{36000} \text{ نعلم أن:}$$

وبقسمة كل من البسط والمقام على المعدل نجد أن:

$$I = \frac{\text{Ant}/t}{36000/t} = \frac{\text{An}}{36000/t}$$

فإذا رمزنا لـ $N = \text{An}$ يسمى النمر، $D = 36000/t$ يسمى القاسم

$$i = \frac{N}{D} \text{ فإن:}$$

ومنه فإن: الفائدة = $\frac{\text{النمر}}{\text{القاسم}}$ النمر = المبلغ \times المدة



جدول رقم (1): أشهر المعدلات التي لهل قاسم هي:

القاسم	المعدل	القاسم	المعدل
8000	%4.5	36000	%1
7200	%5	18000	%2
6000	%6	14400	%2.5
4500	%8	12000	%3
4000	%9	9000	%4

مثال: المطلوب إيجاد الفائدة لسلفة قدرها 800.00 لمدة 120 يوم بمعدل 3% سنويا؟

الحل:

$$I = \frac{N}{D} = \frac{800 \times 120}{12000} = 8.00$$

نفترض أن المعدل 3.5% فإن:

الفائدة بمعدل 3% هي: $I=8.00$

الفائدة بمعدل 5.0% يعني $\frac{1}{6}$ السابق ومنه: $I = 8 \times \frac{1}{6} = 1.33$

ومنه حساب الفائدة بمعدل: $I = 1.33 + 8 = 9.3335\%$

ملاحظة: لإيجاد الفائدة لعدة مبالغ بمعدل مشترك فإن:

$$\frac{\text{مجموع النمر}}{\text{القاسم}} = \text{فائدة المبالغ}$$



ثانيا: الخصم (الحسم):

تمهيد

يستعمل المتعاملون الماليون والتجار وسائل تسديد فورية كالنقود والشيكات، بالإضافة إلى ذلك سمح القانون لهؤلاء المتعاملون الدفع بأوراق تجارية (السند والكمبيالة)، لأنها وسيلة دفع سريعة للتجار (شح السيولة النقدية)، وعند تحرير التجار فيما بينهم الأوراق التجارية فإن صاحب الدين ملزم بالدفع إلى صاحب الحق أو المستفيد قيمة الورقة الاسمية المحددة عليها بتاريخ معين يسمى تاريخ الاستحقاق، لكنه قد يلجأ إلى تحصيل هذه الأوراق قبل ميعاد استحقاقها وهذا ما يسمى بالخصم أو الحسم.

1- تعريف الخصم: الخصم كعملية يعتبر الإجراء الذي يسمح لحامل الورقة التجارية أن يحولها إلى سيولة وذلك قبل تاريخ استحقاقها، وكمبلغ يعبر عن القيمة التي يقتطعها المصرفي على أساس معدل فائدة معين، في المدة التي تفصل بين تاريخ الخصم وتاريخ استحقاق الورقة.

المبلغ المشار إليه في الورقة يأخذ اسم القيمة الاسمية: A

القيمة التي يحصل عليها الآن يطلق عليها اسم القيمة الحالية: a

الفائدة التي يحتفظ بها المصرفي يطلق عليها اسم الخصم: E



2- أنواع الخصم: في الواقع هناك نوعين من الخصم:

- الخصم التجاري.

- الخصم الحقيقي (العقلاني).

أ- الخصم التجاري: يعتبر الأكثر استعمالاً ، ويحسب على أساس القيمة الاسمية الموجودة على الورقة ومنه فإن الورقة تتميز بالعناصر التالية:

القيمة الاسمية: A

القيمة الحالية: a

معدل الخصم المستعمل: t

المدة الفاصلة بين تاريخ الخصم وتاريخ الاستحقاق: n

الخصم التجاري: E_c

ومنه يمكن حساب الخصم التجاري:

$$E_c = \frac{ant}{36000}$$

وبما أن $D = \frac{An}{D}$ وهو القاسم فإن:

حسب الطريقة المستعملة في حساب الفائدة البسيطة فإن: $E_c = \frac{An}{D}$



مثال: ورقة تجارية قيمتها الاسمية = 34500.00 ، يتم استحقاقها بعد 45 يوم بمعدل يقدر بـ 8% .

المطلوب: إيجاد قيمة الخصم التجاري؟

الحل:

$$n=45 \quad ; D=4500 \quad ; \%t=8 \quad ; A=34500.00$$

$$E_c = \frac{An}{D} \quad E_c = \frac{An}{D} = \frac{34500 \times 45}{4500}$$

$$E_c = 345.00$$

القيمة الحالية: القيمة الحالية هي القيمة المتبقية بعد طرح قيمة الخصم من القيمة الاسمية ويمكن حسابها كالآتي:

القيمة الحالية = القيمة الاسمية – قيمة الخصم التجاري

$$a = A - E_c \quad E_c = \frac{An}{D}$$

$$a = A - \frac{An}{D}$$

$$a = A \left(1 - \frac{n}{D}\right)$$

$$a = A \left(\frac{D-n}{D}\right) \implies A = \frac{aD}{D-n}$$

رجوعا للمثال السابق يمكن حساب القيمة الحالية:



$$a = \frac{34500(4500-45)}{4500} \qquad A = \frac{34155 \times 4500}{(4500-45)}$$

$$a = 34155.00 \qquad A = 34500.00$$

ب- الخصم الحقيقي (العقلاني): يطبق فيه المعدل على القيمة الحالية، ومنطقيا فإن الخصم الحقيقي يكون أقل قيمة من الخصم التجاري لاختلاف القيمة الاسمية عن القيمة الحالية.

ومنه فإن الخصم الحقيقي Er يكون كالاتي:

$$Er = \frac{ant}{36000}$$

$$Er = \frac{an}{D} \dots\dots\dots(1)$$

$$a = A - Er \iff A = a + Er \iff A = a + \frac{an}{D}$$

$$\iff A = \frac{a(D+n)}{D}$$

$$A = \frac{a(D+n)}{D} \iff a = \frac{AD}{(D+n)} \dots\dots\dots(2)$$

نقوم بتعويض (2) في (1) فنجد:

$$Er = \frac{\left[\frac{AD}{(D+n)}\right]n}{D} \iff Er = \frac{An}{D+n}$$

رجوعا للمثال السابق يمكن حساب الخصم الحقيقي :

$$a = \frac{AD}{(D+n)} = \frac{(34500 \times 4500)}{(4500+45)} = 34158.4158$$

$$a = A - Er \iff Er = A - a = 34500 - 34158.4158$$

$$Er = 341.5842$$



3- المقارنة بين الخصمين:

أ-

$$E_c > E_r \iff \frac{An}{D} > \frac{An}{D+n}$$

ب- الفرق بين الخصمين:

$$\begin{aligned} E_c - E_r &= \frac{An}{D} - \frac{An}{D+n} \\ &= \frac{Ann}{D(d+n)} \end{aligned}$$

$E_c - E_r = \frac{An}{D} \times \frac{n}{(D+n)}$ فرق خصمين هو الخصم الحقيقي للخصم التجاري.

$E_c - E_r = \frac{An}{(D+n)} \times \frac{n}{D}$ فرق خصمين هو الخصم التجاري للخصم الحقيقي.

ج- نسبة الخصمين:

$$\frac{E_c}{E_r} = \frac{[An/D]}{[An/(D+n)]}$$

نلاحظ أن نسبة الخصمين مستقلة عن القيمة الاسمية للورقة المستعملة.

$$\frac{E_c}{E_r} = \frac{(D+n)}{D}$$



د- فرق مقلوب الخصمين:

$$\frac{1}{E_r} - \frac{1}{E_c} = \frac{1}{\frac{An}{D+n}} - \frac{1}{\frac{An}{D}}$$

$$\frac{1}{E_r} - \frac{1}{E_c} = [(D+n)/An] - [D/An]$$

$$\frac{1}{E_r} - \frac{1}{E_c} = \frac{1}{A}$$

إن فرق مقلوب الخصمين مستقل عن المعدل وعن المدة.

مثال تطبيقي: ورقة تجارية خصمت بمعدل 8% وكانت قيمة الخصم التجاري

$$= 1010.00 \text{ وقيمة الخصم الحقيقي} = 4193.977$$

المطلوب:

1- حساب مدة الخصم؟

2- حساب القيمة الاسمية لهذه الورقة؟

3- حساب القيمة الحالية للخصمين؟

الحل:

1- حساب مدة الخصم:

$$\frac{E_c}{E_r} = \frac{(D+n)}{D} \quad n = \left[\frac{E_c \cdot D}{E_r} \right] - D$$



$$\Rightarrow n = \frac{(1010 \times 4500)}{977.4193} - 4500$$

$$n = 150j$$

2- حساب القيمة الاسمية لهذه الورقة

$$\frac{1}{E_r} - \frac{1}{E_c} = \frac{1}{A} \quad \Leftrightarrow \quad A = \frac{(E_r \times E_c)}{(E_c - E_r)}$$

$$A = \frac{(977.4193 \times 1010)}{1010 - 977.4193}$$

$$A = 30300.00$$

3- حساب القيمة الحالية للخصمين

أ- حساب القيمة الحالية للخصم التجاري: $a = A - E_c$

$$a = 30300 - 1010$$

$$a = 29290.00$$

ب- حساب القيمة الحالية للخصم الحقيقي:

$$a = A - E_r \quad \Rightarrow \quad a = 30300 - 977.4193$$

$$a = 29322.5807$$

4- التطبيق الميداني للخصم: عملية الخصم لورقة تجارية في البنك تؤدي إلى

الاحتفاظ بفائدة خصم بالإضافة إلى اقتطاع عمولة ونسبة من الورقة كضريبة

أو رسم عن العملية، ومجموع ما يقتطع من الورقة من أعباء يدعى الحمولة

الإجمالية أو *Agio*.



فالأجيو (الحمولة الإجمالية) يعتبر تكلفة لعملية الخصم، وتمثل عناصره في الآتي:

- الخصم ويحسب بتطبيق المعدل المطبق لدى البنك.

- مصاريف التظهير وتحسب بنفس طريقة الخصم.

- مصاريف ثابتة.

- مصاريف اتصال (حسب الحالات).

- الرسم.

* الحمولة الإجمالية أو *Agio* = الخصم + مصاريف التظهير + مصاريف ثابتة

+ مصاريف اتصال + الرسم.

مثال: ورقة تجارية ذات قيمة اسمية = 2000.00 تستحق بعد 60 يوم، قدمت للخصم بمعدل 6% سنويا.

طبق عليها مصاريف أخرى منها: - مصاريف التظهير بمعدل 0.5% سنويا.

- مصاريف ثابتة مقدرة بـ 12.00 - مصاريف اتصال مقدرة بـ 8.00

بالإضافة إلى رسم بنسبة 17% من مصاريف الثابتة ومصاريف الاتصال.



المطلوب: 1- حساب الآجيو؟

2- حساب القيمة الحالية؟

3- حساب المعدل الحقيقي للخصم؟

4- حساب معدل التكلفة؟

الحل: 1- حساب الآجيو:

نعلم أن: الآجيو $Agio =$ الخصم + مصاريف التظهير + مصاريف ثابتة + مصاريف اتصال + الرسم.

$$E = \frac{An}{D} = \frac{(2000 \times 60)}{6000} \iff E = 20.00 \text{ - حساب الخصم}$$

ب- حساب مصاريف التظهير:

$$= \frac{An}{D} = (2000 \times 60) / (36000 / 0.5) \text{ مصاريف التظهير}$$

$$= 1.67 \text{ مصاريف التظهير}$$

(مصاريف الثابتة + مصاريف الاتصال) % ج- حساب الرسم: الرسم = 17

$$(8+12) \frac{17}{100} = \iff$$

$$= 3.4 \text{ الرسم}$$

ومنه فإن: الآجيو $(Agio) = 3.40 + 8 + 12 + 1.67 + 20$



$$45.07 = (\text{Agio})$$

2- حساب القيمة الحالية

$$a = A - \text{Agio} = 2000 - 45.07$$

$$a = 1954.93$$

3- حساب المعدل الحقيقي للخصم

$$E = \frac{\text{An}}{D} = \frac{\text{Ant}}{36000} \implies t_1 = \frac{36000 \times E}{\text{An}}$$

$$t_1 = \frac{36000 \times 45.07}{2000 \times 60} \implies t_1 = 13.52 \%$$

4- حساب معدل التكلفة

$$\text{Agio} = \frac{\text{ant}_2}{36000} \quad t_2 = \frac{36000 \text{Agio}}{\text{an}}$$

$$= \frac{36000 \times 45.07}{1954.93 \times 60}$$

$$t_2 = 13.83 \%$$



المحور الثاني

الفائدة المركبة والدفعات



أولاً: الفائدة المركبة

تمهيد:

إن استعمالات الفائدة البسيطة لا تكون على المبالغ التي تراكمت عليها فوائدها لفترات سابقة، وفي حالة تطبيق الفائدة على هذه المبالغ من فترات أو سنوات سابقة نكون قد طبقنا ما يسمى بالفائدة المركبة.

فإذا كانت الفائدة البسيطة تطبق في مجالات واستعمالات قصيرة الأجل (أي لا تزيد مدتها عن السنة عادة)، فإن الفائدة المركبة تستعمل في المجالات المتوسطة والطويلة الأجل.

1- تعريف الفائدة المركبة: هي الفائدة البسيطة المضاف إليها المبلغ الأصلي عند توظيفها من جديد خلال الفترات الزمنية المتتالية، وتحسب الفائدة المركبة على أساس كل 1 دج وعناصرها هي:

A : المبلغ الأصلي المودع للاستثمار

t : معدل الفائدة المطبق

n : الفترات الزمنية أو السنوات (قد تكون سداسي أو فصلي أو شهري...)

$n A$: الجملة المحصل عليها في نهاية n من الزمن.

i : الفائدة المحصل عليها.

لدينا: $i = Ant$



$$n=1 \longrightarrow i_1 = at$$

$$n=2 \longrightarrow i_2 = (A + i_1)t$$

$$= (A + At)t$$

$$i_2 = A(1+t)t$$

$$i_3 = A(1+t)^2 t$$

$$i_n = A(1+t)^{n-1} \cdot t \quad \text{ومنه بصفة عامة نجد}$$

$$A_1 = A + i_1 \quad \text{أما الجملة المحصل عليها في السنة الأولى:}$$

$$= A + At$$

$$A_1 = A(1+t)$$

$$A_2 = A_1 + i_2 \quad \text{أما الجملة المحصل عليها في السنة الثانية:}$$

$$= A(1+t) + a(1+t)t$$

$$A_2 = A(1+t)^2$$

$$A_3 = A(1+t)^3$$

$$A_n = A(1+t)^n \quad \text{ومنه بصفة عامة نجد:}$$



جدول رقم (2): يوضح جملة المبالغ المتراكمة.

السنوات	الرأس المال في بداية الفترة	فائدة الفترة	القيمة (الجملة) المحصل عليها في نهاية الفترة
1	a	$i1 = at$	$A1 = a(1+t)$
2	$a(1+t)$	$i2 = a(1+t)t$	$A2 = a(1+t)^2$
3	$a(1+t)^2$	$i3 = a(1+t)^2t$	$A3 = a(1+t)^3$
.	.	.	.
.	.	.	.
n	$a(1+t)^{n-1}$	$in = a(1+t)^{n-1}t$	$An = a(1+t)^n$

في نهاية الدورة n القيمة الإجمالية: $An = a(1+t)^n$

مثال تطبيقي: أودع مبلغ قدره 72800.00 لدى بنك لمدة 9 سنوات بمعدل فائدة مركبة 9.5% سنويا.

المطلوب: 1- حساب فائدة السنة الأولى؟

2- حساب فائدة السنة الرابعة؟

3- حساب فائدة السنة السادسة؟

4- حساب الجملة المكتسبة عند نهاية السنة السادسة؟



الحل:

1- حساب فائدة السنة الأولى $i_1 = at$

$$i_1 = 72800 \times 0.095 = 6916.00$$

2- حساب فائدة السنة الرابعة $i_4 = a(1+t)^3 t$

$$i_4 = 72800 (1+0.095)^3 \times 0.095 = 9080.233712$$

3- حساب فائدة السنة السادسة: $i_6 = a(1+t)^5 t$

$$i_6 = 72800(1+0.095)^5 \times 0.095 = 10887.43$$

4- حساب الجملة المكتسبة عند نهاية السنة السادسة: $A_6 = a(1+t)^6$

$$A_6 = 72800(1+0.095)^6 = 125492.00$$

ملاحظة:

1- نظرا لصعوبة حساب $(1+t)^n$ فقد أعد جدول مالي لمختلف النسب

المستعملة ولعدد n من الفترات قد تصل 50 سنة.

هذا القانون ينطبق على أساس أن n عدد صحيحا ، لكن واقع المعاملات

البنكية قد تكون n غير صحيح.

2- حساب الجملة المكتسبة في حالة n غير صحيح: إن واقع المعاملات البنكية

قد تكون n غير صحيح ، لذا أوجدت طريقتين لحسابها هما:



أ- الطريقة العقلانية: الحل العقلاني تطبق الفائدة المركبة على الجزء الصحيح
ثم الجملة المكتسبة من خلالها تطبق عليها الفائدة البسيطة.

$$n = \frac{k+p}{q} \text{ نضع:}$$

إن جملة الجزء الصحيح هي: $A_k = a (1+t)^k$

الجملة المكتسبة من الجزء الصحيح توظف بفائدة بسيطة ومن:

$$i = A_k \times t(p/q) = a (1+t)^k \times t(p/q)$$

$$A_n = A_k + A_k \times t(p/q)$$

$$= A (1+t)^k + a (1+t)^k \times t(p/q)$$

$$A_n = A (1+t)^k \left[1 + t \left(\frac{p}{q} \right) \right]$$

حيث: - فائدة سداسية $q=2$

- فائدة فصلية $q=4$

- فائدة شهرية $q=12$

- فائدة أسبوعية $q=52$

مثال: المطلوب حساب جملة مبلغ قيمته 1000000.00 مستثمرة لمدة 6 سنوات و5 أشهر، بمعدل فائدة مركبة سنوية 6% باستخدام الحل العقلاني؟

الحل: $k=6$ $p=5$ $q=12$ $A=1000000.00$ $t=6\%$



$$n = k + \frac{p}{q} = 6 + \frac{5}{12}$$

$$A_{k+p/q} = A (1+t)^k [1+ t (p/q)] = 1000000(1+0.06)^6 [1+ 0.06(5/12)]$$

$$A_n = 145398.209$$

ب- الطريقة التجارية: لحساب الجملة المكتسبة حسب الطريقة التجارية نستعمل العلاقة الآتية:

$$n = k + p/q \quad \text{نضع:}$$

$$A_n = A_{k+p/q} = A (1+t)^{k+p/q}$$

مثال: المطلوب حساب الجملة المكتسبة لرأس مال يبلغ 1,000,000.00، وظف لمدة 8 سنوات و5 أشهر وبمعدل سنوي 6% باستخدام الطريقة التجارية؟

$$\text{الحل: } k=8 \quad p=5 \quad q=12 \quad A=100000.00 \quad t=6\%$$

$$n = k + p/q = 8 + 5/12$$

$$A_n = A_{8+5/12} = a (1+t)^{k+p/q} = 100000(1+0.06)^{8+5/12}$$

لحساب $(1.06)^{8+5/12}$ إما اللجوء للجداول المالية أو باستخدام اللوغاريتمات

أ- باستخدام اللوغاريتم العشري:

$$\text{Log } A_n = \text{Log}1000000(1.06)^{8+5/12} = \text{Log}1000000 + \text{Log}(1.06)^{8+5/12}$$

$$= 5 + ((8+5/12) \text{Log}1.06)$$

$$5 + 8.41666 \times 0.0253059$$



$$\text{Log } A_n = 5.2129887 \quad \longleftrightarrow \quad A_n = 163300.00$$

$$\text{Log } A = X \quad \longleftrightarrow \quad A = 10^X$$

ب- باستخدام الجداول المالية:

$$(1.06)^8 = 1.593848, (1.06)^{5/12} = 1.02458$$

$$A_n = 1000000 \times 1.593848 \times 1.02458 \quad \Longrightarrow \quad A_n = 163302.4784$$

3- علاقات عناصر الفائدة المركبة:

أ- القيمة الحالية:

$$A_n = A(1+t)^n \quad \Longrightarrow \quad A = \frac{A_n}{(1+t)^n} = A_n (1+t)^{-n} \quad \text{لدينا:}$$

يمكن حساب القيمة $(1+t)^{-n}$ باستخدام الجدول المالي رقم (2).

ب- الفائدة المحصل عليهما في مدة:

$$A_n = A(1+t)^n \quad \Longrightarrow \quad i = A_n - A \quad \text{لدينا:}$$

$$i = A(1+t)^n - A \quad \Longrightarrow \quad i = A[(1+t)^n - 1]$$

ج- معدل الفائدة:

$$A_n = A(1+t)^n, \quad \Longrightarrow \quad \frac{A_n}{A} = (1+t)^n \quad \text{لدينا:}$$

$$1+t = \sqrt[n]{A_n/A} \quad \Longrightarrow \quad t = \left(\frac{A_n}{A}\right)^{\frac{1}{n}} - 1$$



د- مدة الجملة

$$A_n = A(1+t)^n \implies A_n/A = (1+t)^n \text{ لدينا}$$

لحساب المدة يتم استعمال الجداول المالية (1) أو (2) أو استعمال اللوغاريتمات.

د-1- استخدام الجدول المالي رقم (1):

استعمال الجدول المالي رقم (1) تحسب القيمة $(1+t)^n$ وبمعلومة t نصل إلى تحديد n بالنظر في الجدول في عمود المدة المتقاطع مع قيمة القوس عند المعدل t بحيث:

$$\frac{A_n}{A} = (1+t)^n$$

د-2- استخدام الجدول المالي رقم (2): من علاقة القيمة الحالية تحسب قيمة

$$\frac{A}{A_n} = (1+t)^{-n} \text{ القوس } (1+t)^{-n} \text{ وبنفس الطريقة نصل إلى } n. \text{ بحيث:}$$

د-3- استخدام اللوغاريتم:

$$A_n = A(1+t)^n \implies \frac{A_n}{A} = (1+t)^n \iff \text{ لدينا: } \text{Log} \frac{A_n}{A} = \text{Log} (1+t)^n$$

$$\iff \text{Log} \left(\frac{A_n}{A} \right) = n \text{Log}(1+t)$$

$$\implies n = \frac{\text{Log} \left(\frac{A_n}{A} \right)}{\text{Log}(1+t)}$$



مثال تطبيقي: مبلغ 430000.00 أودع لدى بنك لمدة 3 سنوات بمعدل فائدة مركبة 5% لكل سداسي.

المطلوب:

- 1- حساب الجملة المحققة في نهاية المدة؟
- 2- حساب الفوائد المحصل عليهما في هذه المدة؟
- 3- إذا أودع نفس المبلغ بنفس المعدل بفائدة بسيطة، أحسب مجموع الفوائد المحصلة والفرق في الفائدة بين الطريقتين البسيطة والمركبة؟
- 4- جملة المبلغ المودع بالفائدة المركبة بعد هذه المدة تم إقراضه ليسترجع بعد 3 سنوات بـ 736026.523.
- 5- إذا أودعت نفس الجملة السابقة لنحصل على 843675.00 بمعدل فائدة مركبة 10%، أحسب مدة الإيداع؟

المطلوب: أحسب معدل الفائدة السنوية المطبق على الجملة؟

الحل: 1- حساب الجملة المحققة في نهاية مدة 3 سنوات:

هنا الفائدة تحسب لكل سداسي بنسبة 5% أي 6 مرات في هذه الفترة.

$$A_n = 430000(1+0.05)^6 = 576241.1255 \quad n = 6$$



2- حساب الفوائد المحصل عليها في هذه المدة

$$i = A_n - A = 576241.1255 - 430000 = 146241.1255$$

أو بطريقة أخرى:

$$= [(1+0.05)^6 - 1]430000 = 146241.1255 \quad i = A[(1+t)^n - 1]$$

3- حساب الفائدة البسيطة:

$$i = atn = 430000 \times 0.05 \times 6 = 129000.00$$

ويكون الفرق بين الفائدة البسيطة والمركبة:

$$i_c - i_s = 146241.1255 - 129000.00 = 17241.1255$$

4- حساب معدل الفائدة المطبق على الجملة بعد 3 سنوات:

$$t = \sqrt[n]{\frac{A_n}{A}} - 1 = \sqrt[3]{\frac{736026.523}{576241.1255}} - 1 = 1.085 - 1 = 0.085$$

$$t = 8.5\%$$

أو باستعمال الجدول المالي رقم (1): عند $n = 3$ و $\frac{A_n}{A} = 277289.1$

$$\text{نجد } t = 8.5\%$$

5- حساب مدة الإيداع بمعدل 10% للحصول على 843675.00

$$\text{نطبق علاقة المدة: } (1+t)^n = \frac{A_n}{A}$$



$$\frac{843675}{576241.1255} = 1.4641 \quad (1+0.1)^n =$$

$$n = \frac{(\text{Log}1.4641)}{\text{Log}1.1} \implies n = 4 \text{ سنوات}$$

4- حالة عدم وجود عناصر الفائدة في الجداول المالية:

حالة عدم وجود عناصر الفائدة في الجداول المالية وهي الحالة التي لا يمكن إيجاد قيمة n أو t في هذه الجداول فنلجأ إلى الحصر ومن ثم استخدام الطريقة الثلاثية أو طريقة الأجزاء المتناسبة.

مثال تطبيقي 1: مبلغ 16000.00 أودع في بنك لمدة 6 سنوات بمعدل فائدة معين فكانت الجملة المحصلة بعد هذه المدة هي: 32264.7.

المطلوب: تحديد معدل الفائدة المطبق على هذه العملية باستعمال الجدول المالي رقم (1)؟

الحل:

$$A_n = A(1+t)^n \implies \frac{A_n}{A} = (1+t)^n$$

$$(1+t)^n = \frac{32264.7}{16000} = 2.0165$$

نلاحظ أن القيمة "2.016" توجد بين 12.25 و 12.5 ولتحديد قيمة معدل الفائدة المطبق بالضبط نقوم بعملية التناسب.

$$t=12.5, \quad (1+t)^6 = 2.0272 \quad / \quad t=t, \quad (1+t)^6 = 2.0165$$



$$t=12.25, \quad (1+t)^6 = 2.0004 \quad / \quad t=12.25, \quad (1+t)^6 = 2.0004$$

$$= 0.25, \quad = 0.0268 \quad / \quad t - 12.25, \quad (1+t)^6 = 0.0161$$

بالطرح نجد:

$$0.25 \longrightarrow 0.0268$$

$$t = 12.25 \longrightarrow 0.0161$$

$$t - 12.25 = (0.25 \times 0.0161) / 0.0268 = 0.1501$$

$$t = 12.25 + 0.1501 = 12.4 \%$$

مثال تطبيقي 2: مبلغ 46000.00 أودع في بنك بمعدل فائدة 8% سنويا، فأنتج جملة = 62790.00.

المطلوب: إيجاد مدة الإيداع؟

$$A_n = A(1+t)^n \quad \Longrightarrow \quad (1+t)^n = \frac{An}{A} \quad \text{الحل:}$$

$$(1+t)^n = (1+0.08)^n = \frac{62790.00}{46000} = 1.365 \quad (1.08)^n = 1.365$$

نلاحظ أن القيمة "1.365" تقع بين 4 سنوات و 5 سنوات ولتحديد مدة الإيداع بالضبط نقوم بعملية التناسب.

$$n = 5, \quad (1.08)^5 = 1.469328 \quad / \quad n = n, \quad (1.08)^n = 1.365$$

$$n = 4, \quad (1.08)^4 = 1.360489 \quad / \quad n = 4, \quad (1.08)^n = 1.360489$$

$$n=1=360j, \quad (1.08)^n = 0.108839 \quad / \quad xj, \quad (1.08)^n = 0.004511$$



بالطرح

نجد:

$$360 \longrightarrow 0.108839$$

$$X_j \longrightarrow 0.004511 /$$

$$X_j = (360 \times 0.004511) / 0.108839 = 15 j$$

ومنه مدة الإيداع 4 سنوات و15 يوم.

حساب القيمة الحالية لمدة غيرواردة في الجداول المالية

مثال: المطلوب حساب القيمة الحالية لورقة تجارية وظفت بمعدل 6% ولمدة 8 سنوات و4 أشهر مع العلم أن القيمة الاسمية للورقة = 24000.00؟

الحل: 8 سنوات و4 أشهر n ، $t = 6\%$ ، $A = 24000.00$

نلاحظ أن n محصورة بين 8 سنوات و9 سنوات

$$a = A (1+t)^{-n} = 24000(1+0.06)^{-n}$$

$$n=8+4/12 \quad a = 24000(1.06)^{-(8+4/12)} = 24000(1.06)^{-8-4/12}$$

$$n = 8 \quad , \quad (1.06)^{-8} = 0.627412 \quad / \quad n = n \quad , \quad (1.08)^n = 365.1$$

$$n = 9 \quad , \quad (1.06)^{-9} = 0.591898 \quad / \quad n = 4 \quad , \quad (1.08)^n = 1.360489$$

$$n=12m \quad , \quad (1.08)^n = 0.035514 \quad / \quad x_j \quad , \quad (1.08)^n = 0.004511$$



بالطرح نجد:

$$12m \longrightarrow 0.035514$$

$$4m \longrightarrow x \quad 004511 / X = (4 \times 0.035514) / 12 = 0.011838$$

$$(1.06)^{-8-4/12} = (1.06)^{-8} \cdot (1.06)^{-4/12} = 0.627412 - 0.011838 \\ = 0.615574$$

$$a = 24000(1.06)^{-8-4/12} = 24000 \times 0.615574 \implies a = 14773.776$$

حساب القيمة الحالية لمعدل غير موجود في الجداول المالية:

مثال: المطلوب حساب القيمة الحالية لورقة تجارية قيمتها الاسمية

58000.00 تستحق الدفع بعد 10 سنوات وبمعدل حسم 5.8% ؟

الحل: 10 سنوات $n=10$ ، $A=58000.00$ ، $t=5.8\%$ ،

نلاحظ أن t محصور بين 5.75% و 6%

$$a = A(1+t)^{-n} = 58000(1+t)^{-10}$$

$$t=5.75 \text{ , } (1.0575)^{-10} = 0.571736 \text{ / } t=5.8$$

$$t=6 \text{ , } (1.06)^{-10} = 0.558395 \text{ / } t=5.75,$$

$$t=0.25 \text{ , } (1+t)^{-10} = 0.013341 \text{ / } t=0.05, (1+t)^{-10} = x$$

بالطرح نجد:

$$0.25 \longrightarrow 0.013341$$

$$0.05 \times \longrightarrow / x = (0.05 \times 0.013341) / 0.25 = 0.002668$$

$$(1.058)^{-10} = (1.0575)^{-10} - 0.002668 = 0.571736 - 0.002668 \\ = 0.569068$$

$$a = 58000(1.058)^{-10} = 58000 \times 0.569068 \implies a = 33005.944$$



ثانيا : الدفعات (الأقساط)

تمهيد:

يلجأ المتعاملون الاقتصاديون في معاملاتهم التجارية والمالية في أساليب وتقنيات رشيدة بحثا عن أنجع الطرق وأمثلها. فالمقترض يحاول تسديد ديونه بطريقة تساعد على الوفاء بالالتزامات اتجاه الغير، فهو يحاول مثلا : دفع مستحقات الغير بواسطة دفعات (أقساط) من فترة لأخرى.

1- تعريف الدفعات : الدفعات هي مبالغ مالية قد تكون متساوية أو غير متساوية، تدفع على فترات زمنية قد تكون سنوية أو سداسية أو شهرية وغيرها. والفاصل الزمني بين سداد دفعتين هو المدة التي قد تكون ثابتة أو متغيرة.

إن أهم عناصر الدفعات ما يلي:

قيمة الدفعات المقدمة: a

الفترة الفاصلة بين دفعة وأخرى: n

معدل فائدة متساوي: t

عدد الدفعات

تحديد تاريخ أول دفعة وتاريخ آخر دفعة (كما يمكن أن يكون غير ضروري).



2- أنواع الدفعات:

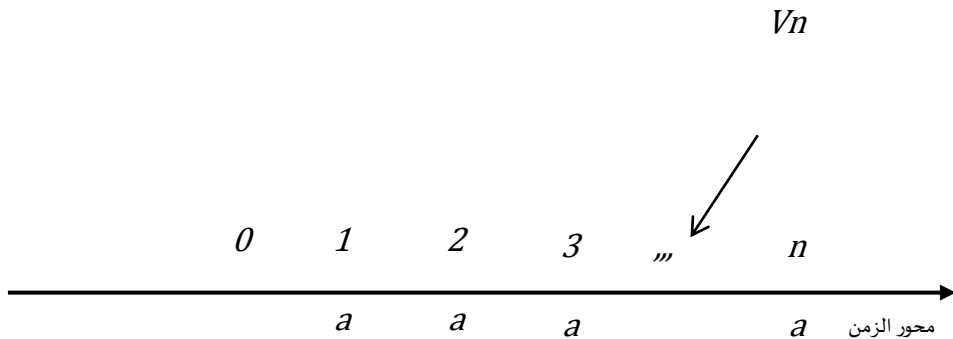
ونميز نوعين:

أ- دفعات نهاية المدة : تقدم بنهاية كل فترة وتسمى بدفعات السداد، وهي لتغطية التزام سابق أو لتسديد دين.

ب- دفعات بداية المدة : تسمى بدفعات التوظيف فهي تقدم في بداية الفترة وتهدف إلى تكوين رأس المال وتدفع بمجرد إبرام العقد.

أ - دفعات نهاية المدة (العادية):

جملة الدفعات العادية : وهي ما تجمع للشخص المودع أو المسدد في نهاية عدد من الفترات n وبالتالي فقد قدم n دفعة متساوية، ومنه فإن جملة الدفعات تساوي مجموع جمل هذه الدفعات في نهاية المدة، والمدة هي آخر السنة.





جدول رقم (3): يوضح جمل الدفعات منفصلة بتاريخ n

الدفعات أو الفترات	مدة الإيداع	الجملة عند النقطة n
الأولى	فترة $(n-1)$	$a(1+t)^{n-1}$
الثانية	فترة $(n-2)$	$a(1+t)^{n-2}$
الثالثة	فترة $(n-3)$	$a(1+t)^{n-3}$
.		
.		
$n-1$	فترة واحدة	$a(1+t)^1$
n	فترة 0	$a = a(1+t)^0$

وجملة الدفعات كاملة V_n ابتداء من آخر دفعة هي:

$$V_n = a + a(1+t) + a(1+t)^2 + \dots + a(1+t)^{n-1}$$

نلاحظ أن عناصر هذه الجملة تكون متتالية هندسية متزايدة، حدها الأول a وأساسها $(1+t)$ وعدد حدودها n .

- مجموع متتالية هندسية S (أساسها r وعدد حدودها n وحدها الأول a) تكون:

$$S = a \left[\frac{r^n - 1}{r - 1} \right]$$

$$V_n = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{1+t-1} \right] = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] \quad \text{ومنه فإن:}$$

لحساب الجملة V_n نستعين بالجدول رقم (3) الذي يعطي القيمة: $\left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right]$

مثال: المطلوب حساب جملة 7 دفعات سداد قيمة كل منها 2500.00 وبمعدل

فائدة مركبة 10% ؟



الحل:

$$V_n = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right]$$

$$V_n = 2500 \left[\frac{(1+0.1)^7 - 1}{0.1} \right] = 2500 \left[\frac{(1.1)^7 - 1}{0.1} \right]$$

$$V_n = 2500 \times 9.487171$$

$$V_n = 23717.92$$

تحديد عناصر جملة الدفعات لنهاية المدة:

- تحديد قيمة الدفعة الثابتة:

لدينا

$$V_n = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] \implies a = \left[\frac{V_n t}{(1+t)^n - 1} \right]$$

$$a = \left[\frac{V_n t}{(1+t)^n - 1} \right]$$

- لحساب الدفعة نستعين بالجدول رقم (5) وذلك عن طريق الخطوات التالية:

نعلم أن المقدار: $\left[\frac{t}{(1+t)^n - 1} \right]$ لا يوجد في الجداول المالية بينما المقدار:

$$\left[\frac{t}{1 - (1+t)^{-n}} \right]$$

يوجد في الجدول المالي رقم (5)، وعند القيام بالفرق بين المقدارين نجد أن:

$$\left[\frac{t}{1 - (1+t)^{-n}} \right] - \left[\frac{t}{(1+t)^n - 1} \right] = t$$



ومنه لإيجاد المقدار $\left[\frac{t}{1+(1+t)^n} \right]$ نقوم بإيجاد المقدار $\left[\frac{t}{1+(1+t)^n - 1} \right]$

من الجدول المالي رقم (5) ونطرح منه t ، فنحصل على المقدار الأول المطلوب.

- تحديد معدل الفائدة: من الجملة نقوم بحساب قيمة المقدار التالي:

$$V_n = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] \iff \frac{(1+t)^n - 1}{t} = \frac{V_n}{a}$$

من الجدول رقم (3)، نجد t المقابل لها بمعلومية n .

- تحديد مدة أو عدد الدفعات n : من الجملة نقوم بحساب قيمة المقدار التالي:

$$V_n = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] \iff \frac{(1+t)^n - 1}{t} = \frac{V_n}{a}$$

من الجدول رقم (3)، نجد n المقابل لها بمعلومية t .

مثال:

حتى يستطيع شخص تسديد دين جملته 2936060.00 بدفعات، قيمة كل واحدة منها 200000.00، فكم يلزمه من سنة، إذا كان معدل الفائدة المستعمل هو 2%؟

$$\frac{(1+t)^n - 1}{t} = \frac{V_n}{a}$$

الحل: لدينا

$$\frac{(1+0.02)^n - 1}{0.02} = \frac{2936060}{200000}$$

$$\frac{(1+0.02)^n - 1}{0.02} = 14.6803$$



بالبحث في الجدول المالي رقم (3) عند $t = 2\%$ نجد أن n تساوي 13 سنة، أي يدفع هذا الشخص 13 دفعة متساوية قيمة كل منها 200000.00.

القيمة الحالية لدفعات نهاية المدة:

يمكن حساب القيمة الحالية التي يرمز لها بالرمز: V_0 ، وذلك عن طريق حساب القيمة الحالية لجملة الدفعات بحيث مدة الدفعة تحدد من تاريخ تقديمها إلى النقطة 0، حسب الجدول التالي:

جدول رقم (4): يوضح القيمة الحالية

القيمة الحالية عند النقطة 0	مدة الدفعات	الدفعات أو الفترات
$a(1+t)^{-1}$	فترة واحدة	الأولى
$a(1+t)^{-2}$	فترتين	الثانية
$a(1+t)^{-3}$	ثلاث فترات	الثالثة
.	.	.
$a(1+t)^{-(n-1)}$	فترة $(n-1)$	$n-1$
$a(1+t)^n$	فترة n	n

من الجدول نلاحظ أن هذه القيم ابتداء من آخرها تكون متتالية هندسية متزايدة، حدها الأول $a(1+t)^n$ وأساسها $(1+t)$ وعدد حدودها n .

- مجموع متتالية هندسية S (أساسها n وعدد حدودها n وحدها الأول a) تكون:

$$S = a \left[\frac{r^n - 1}{r - 1} \right]$$

$$V_0 = a(1+t)^{-n} \left[\frac{(1+t)^n - 1}{1+t - 1} \right]$$



$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1 + t)^{-n}}{t} \right]$$

ومنه القيمة الحالية:

$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1 + t)^{-n}}{t} \right]$$

لحساب القيمة الحالية V_0 نستعين بالجدول المالي رقم (4) الذي يعطي القيمة:

$$\left[\frac{1 - (1 + t)^{-n}}{t} \right]$$

- بالنسبة في حالة عدم وجود المعدل بالضبط في الجدول ، نلجأ إلى طريقة الأجزاء المتناسبة.

تحديد عناصر القيمة الحالية لدفعات نهاية المدة:

- تحديد قيمة الدفعة الثابتة:

$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1 + t)^{-n}}{t} \right] \Rightarrow$$

$$a = \left[\frac{V_0 t}{1 - (1 + t)^{-n}} \right] \quad \text{ومنه:}$$

يمكن حساب المقدار $\left[\frac{t}{1 - (1 + t)^{-n}} \right]$ من الجدول المالي رقم (5).



- تحديد معدل الفائدة:

$$V_0 = a \left[\frac{1-(1+t)^{-n}}{t} \right] \iff \left[\frac{1-(1+t)^{-n}}{t} \right] = \frac{V_0}{a}$$

يمكن إيجاد t بحساب القيمة $\frac{V_0}{a}$ وبمعلومية n المقابلة لهذه القيمة في الجدول المالي رقم (4).

- تحديد عدد الدفعات n :

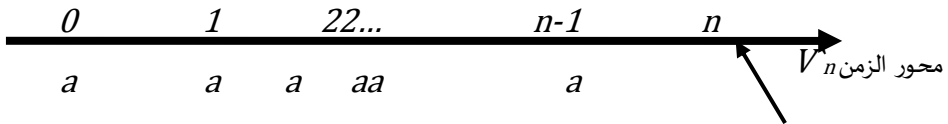
$$V_0 = a \left[\frac{1-(1+t)^{-n}}{t} \right] \iff \left[\frac{1-(1+t)^{-n}}{t} \right] = \frac{V_0}{a}$$

وبمعلومية t نبحث في الجدول المالي رقم (4) عن n المقابلة لقيمة المقدار:

$$\left[\frac{1-(1+t)^{-n}}{t} \right]$$

بالضبط في الجدول، نلجأ إلى طريقة الأجزاء المتناسبة n في حالة عدم وجود

ب- دفعات بداية المدة:





جدول رقم (5): يوضح جمل الدفعات منفصلة بتاريخ n

الجمل عند النقطة n	مدة الإيداع	الدفعات أو الفترات
$a(1+t)^n$	فترة n	الأولى
$a(1+t)^{n-1}$	فترة $(n-1)$	الثانية
$a(1+t)^{n-2}$	فترة $(n-2)$	الثالثة
$a(1+t)^2$	فترتين	$n-1$
$a(1+t)$	فترة واحدة	n

جملة الدفعات لبداية الفترة V_n ابتداء من آخر دفعة هي مجموع الدفعات في الجدول وبداية من آخر جملة وهي عبارة متتالية هندسية متزايدة، حدها الأول $a(1+t)$ وأساسها $(1+t)$ عدد حدودها n .

$$V_n = a(1+t) + a(1+t)^2 + \dots + a(1+t)^n$$

- مجموع متتالية هندسية S (أساسها r وعدد حدودها n وحدها الأول a) تكون:

$$S = a \left[\frac{r^n - 1}{r - 1} \right]$$

$$\iff V'_n = a(1+t) \left[\frac{(1+t)^n - 1}{(1+t) - 1} \right]$$

$$\iff V'_n = a(1+t) \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right]$$

لحساب V_n نستعين بالجدول المالي رقم (3).

$$V_n = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right]$$

لدينا جملة دفعات نهاية المدة:

$$V'_n = (1+t) \cdot V_n$$



$$\begin{aligned}
 V'_n &= (1+t) \cdot V_n = a(1+t) \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] \\
 &= a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1 - t}{t} \right] \\
 &= a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - \frac{t}{t} \right] \\
 V'_n &= a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - 1 \right]
 \end{aligned}$$

مثال: شخص يودع دفعات ثابتة سنوية (لبداية السنة) قيمة كل منها 12500.00 بمعدل فائدة 12% سنويا ولمدة 9 سنوات. المطلوب حساب ما تجمع لهذا الشخص في نهاية هذه المدة؟

$$V_n = a(1+t) \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] \quad \text{الحل:}$$

$$V_n = 12500(1 + 0.12) \left[\frac{(1+0.12)^9 - 1}{0.12} \right]$$

$$V_n = 12500(1.12)(14.775656)$$

$$V_n = 206859.184$$

أو باستعمال الصيغة الثانية:

$$V'_n = a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - 1 \right]$$

$$V_n = 12500 \left[\frac{(1+0.12)^{9+1} - 1}{0.12} - 1 \right] \text{ من الجدول المالي رقم (3) نجد:}$$

$$V_n = 12500(17.548735 - 1) \iff V_n = 206859.1875$$



تحديد عناصر جملة دفعات لبداية المدة:

- تحديد قيمة الدفعة الثابتة:

$$V'_n = a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - 1 \right]$$

ومننه:

$$a = \frac{V'_n}{\left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - 1 \right]}$$

- تحديد معدل الفائدة:

$$V'_n = a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - 1 \right] \Rightarrow$$

ومننه:

$$1 + \frac{V'_n}{a} = \frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t}$$

من الجدول المالي رقم (3) نجد t المقابلة لقيمة المقدار: $\frac{(1+t)^n - 1}{t}$ بمعلومية n

وفي حالة عدم وجود القيمة الجدولية بالضبط في الجدول، نلجأ إلى طريقة

الأجزاء المتناسبة.



$$V'_n = a \left[\frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t} - 1 \right] \quad \text{- تحديد عدد الدفعات:}$$

ومنه:

$$1 + \frac{V'_n}{a} = \frac{(1+t)^{n+1} - 1}{t}$$

لإيجاد القيمة الكسرية نستعين بالجدول رقم (3).

القيمة الحالية لدفعات بداية المدة:

القيمة الحالية لدفعات بداية المدة التي يرمز لها بالرمز: V'_0 ، هي مجموع الجمل وهي متتالية هندسية متزايدة، حدها الأول $a(1+t)^{-(n-1)}$ وأساسها $(1+t)$ وعدد حدودها n .

فيكون مجموعها:

$$V'_0 = a \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] (1+t)^{-(n-1)}$$

ومنه القيمة الحالية:

$$V'_0 = a \left[1 + \left(\frac{1 - (1+t)^{-(n-1)}}{t} \right) \right]$$

كما يلاحظ أن: $V'_0 = V_0(1+t)$

$$V'_0 = a \left[1 + \left(\frac{1 - (1+t)^{-(n-1)}}{t} \right) \right]$$

مثال: من أجل تكوين رأسمال بعد 8 سنوات، يودع زبون في بداية كل سنة لدى بنك مبلغ 13500.00، بمعدل فائدة 11.5%.



المطلوب: حساب القيمة الحالية للدفعات؟

الحل:

$$V'_0 = a \left[1 + \left(\frac{1 - (1+t)^{-(n-1)}}{t} \right) \right]$$

$$V'_0 = 13500 \left[1 + \left(\frac{1 - (1+0.115)^{-(8-1)}}{0.115} \right) \right]$$

$$V'_0 = 13500 [1 + 4.637035]$$

$$V'_0 = 76099.9725$$

تحديد عناصر القيمة الحالية لدفعات بداية المدة:

- تحديد قيمة الدفعة الثابتة:

$$V'_0 = a(1+t) \left[\left(\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right) \right]$$

ومنه:

$$a = \frac{V'_0 t}{(1 - (1+t)^{-n})(1+t)}$$

يمكن إيجاد قيمة الكسر $\frac{t}{1 - (1+t)^{-n}}$ من الجدول المالي رقم (5).

- تحديد معدل الفائدة:

$$V'_0 = a \left[1 + \left(\frac{1 - (1+t)^{-(n-1)}}{t} \right) \right]$$

$$1 + \frac{V'_n}{a} = \frac{1 - (1+t)^{-(n-1)}}{t}$$



لإيجاد القيمة الكسرية نستعين بالجدول المالي رقم (4).

- تحديد عدد الدفعات:

$$V'_0 = a \left[1 + \frac{[1-(1+t)^{(n-1)}]}{t} \right]$$

$$\frac{V'_0}{a} - 1 = \frac{1-(1+t)^{-(n-1)}}{t}$$

لإيجاد القيمة الكسرية نستعين بالجدول المالي رقم (4).

ملاحظات هامة عن الدفعات:

- عند عدم ذكر نوع الدفعات في أي موضوع ، نستعمل الدفعات العادية أي نهاية المدة.

- يمكن تحديد تاريخ الاستحقاق المتوسط لمجموع الدفعات وهو التاريخ الذي تتحقق فيه المساواة بين قيمة مجموع الدفعات فيه ومجموع الدفعات الحقيقية أي تحقق العلاقة:

مدة الاستحقاق المتوسط: n'

$$n \cdot a = V_0 (1 + t)^{n'}$$

$$n \cdot a = a \left[\frac{1-(1+t)^{-n}}{t} \right] (1 + t)^{n'}$$

$$(1 + t)^{n'} = \frac{n \cdot t}{[1-(1+t)^{-n}]}$$

من الجدول رقم (5) تحدد قيمة $\frac{t}{[1-(1+t)^{-n}]}$ وتحدد مدة الاستحقاق

المتوسطة بين نقطة الصفر إلى n' .





المحور الثالث

تكافؤ المعدلات ورؤوس الأموال



أولاً: تناسب وتكافؤ المعدلات

1- المعدلات المتناسبة: نقول عن المعدلين أنهما متناسبين عند مدد مختلفة

عندما تكون نسبتها مساوية لنسبة مدتهما الاستثمارية التالية: إذا كان n_2, n_1

$$\frac{t_1}{t_2} = \frac{n_2}{n_1} \quad \text{العلاقة: وتحقق العلاقة:}$$

نقول أن المعدلين t_2, t_1 متناسبين.

ملاحظة: إن المعدلات المتناسبة لا تؤدي إلى نفس الجملة المكتسبة.

مثال: ما هو المعدل المتناسب t_2 للمعدل t_1 السنوي الذي يساوي 6% بفائدة

مركبة. أي ما هو المعدل السداسي المتناسب للمعدل السنوي 6%؟

$$\text{الحل:} \quad t_1 = 6\% \quad , \quad n_1 = 1a \quad , \quad n_2 = 2s$$

$$\frac{t_1}{t_2} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{6}{2} = \frac{2}{1} \quad \longleftrightarrow \quad t_2 = \frac{6}{2} = 3\%$$

مثال تطبيقي: مبلغ 60000.00 أودع في أحد البنوك لمدة 4 سنوات بمعدل

فائدة 12%.

هل الجملة المكتسبة مساوية للمعدل الثلاثي المتناسب معه؟

الحل:

$$An = a + i_a \quad \longrightarrow \quad i_a = An - a$$

$$i_a = a(1+t)^n - a = a[(1+t)^n - 1]$$

$$i_a = 60000[(1+0.12)^4 - 1] = 34411.16$$



$$i_m = a[(1+t)^{4n} - 1] = 60000[(1+0.03)^{16} - 1] = 36282.386$$

نلاحظ أن الفائدتين غير متساويتين وبالتالي فإن الجملتين تكون غير متساويتين.

2- المعدلات المتكافئة : وهي المعدلات التي تؤدي إلى نفس الجملة لنفس المدة، فالمعدل السنوي المكافئ لمعدل ثلاثي معين يعطي نفس الجملة لمدة سنة مثلا.

فإذا كان المبلغ a مستثمر لمدة سنة بمعدل سنوي t يصبح في نهاية السنة:

$$A_n = a(1+t)$$

وهذا المبلغ a يستثمر لنفس المدة بمعدل جزئي t_p بحيث يطبق p مرة في السنة فتكون الجملة:

$$\hat{A}_n = a(1+t_p)^p$$

وحتى يكون المعدلين متكافئين يجب تساوي الجملتين أي:

$$A_n = \hat{A}_n$$

$$a(1+t) = a(1+t_p)^p$$

$$1+t = (1+t_p)^p$$

$$t_p = \sqrt[p]{1+t} - 1$$

$$t_p = (1+t)^{1/p} - 1$$

مثال 1: المطلوب حساب معدل الفائدة لكل شهرين المكافئ لمعدل سنوي = 16%؟



الحل:

$$1+t = (1+t_p)^p \iff t_p = (1+t)^{1/p} - 1$$

$$= (1+0.16)^{1/6} - 1 = 0.0250$$

$$t_p = 2.5\%$$

مثال 2: مبلغ يقدر بـ 125000.00 يودع في بنك لمدة 4 سنوات ، بمعدل فائدة نصف سنوي معين فبلغت جملته بعد هذه المدة 199231.10.

المطلوب: حساب معدل الفائدة السداسي ثم معدل الفائدة السنوي ؟

الحل:

1- حساب المعدل السداسي:

بالنسبة للمدة 4 سنوات يعني 8 سداسيات $A_n = 199231.10$

$$A_n = A_n \iff a(1+t)^4 = a(1+t_8)^8 \iff 199231.10 = 125000 (1+t_8)^8$$

$$(1+t_8) = \sqrt[8]{\frac{199231.10}{125000}} \iff t_8 = 0.06 = 6\%$$

2- حساب المعدل السنوي:

$$A_n = a(1+t)^4$$

$$10.199231 = 125000 (1+t)^4 \iff t = \sqrt[4]{\frac{199231.10}{125000}} - 1 = 0.1236$$

$$t = 12.36\%$$



ثانياً: تكافؤ رؤوس الأموال.

يعرف التكافؤ بفائدة مركبة بصفة عامة على أنه تساوي القيم الحالية.

يتكافؤ رأسمالاً أحدهما مقابل الآخر أو أحد مقابل عدد آخر منها، إذا تساوت القيمة الحالية للطرفين المتقابلين في تاريخ محدد يسمى تاريخ التكافؤ وبمعدل فائدة مركبة نفسه.

فإذا كان A_1 و A_2 قيمتين اسميتين لرأسمالين يسددان بعد n_1 و n_2 على التوالي

بمعدل t ، فلكي يتكافؤا يجب تحقق:

$$a_1 = a_2$$

$$A_1(1+t)^{-n_1} = A_2(1+t)^{-n_2}$$

وفي حالة تكافؤ مع عدد آخر فتصبح العلاقة كالآتي:

$$a = a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n$$

$$A(1+t)^{-n} = A_1(1+t)^{-n_1} + A_2(1+t)^{-n_2} + A_3(1+t)^{-n_3}$$

$$+ \dots + A_n(1+t)^{-n_n}$$

مثال تطبيقي: اتفق تاجران على شروط تسديد ديون أحدهما للآخر:

- 1000.00 يستحق الدفع بعد سنتين.

- 2000.00 يستحق الدفع بعد 3 سنوات.

- 1500.00 يستحق الدفع بعد 5 سنوات.



بعد مرور مدة من الزمن اتفق الطرفان من جديد على تسديد كامل الديون بدين
وحيث بعد 5 سنوات وحدد معدل الفائدة المعمول به لدى البنك بـ 4%.

المطلوب: حساب قيمة الدين الوحيد الإجمالي؟

$$A(1+t)^{-5} = A_1(1+t)^{-2} + A_2(1+t)^{-3} + A_3(1+t)^{-5} \quad \text{الحل: لدينا:}$$

$$A = [1000(1.04)^{-2} + 2000(1.04)^{-3} + 1500(1.04)^{-5}] (1.04)^5$$

$$A = 1000(1.04)^3 + 2000(1.04)^2 + 1500(1.04)^0$$

$$A = 1124.86 + 2163.2 + 1500$$

$$A = 4788.06$$

تاريخ الاستحقاق الموحد

دين وحيث يقدر بـ 9625.00، يسمح بتسديد الديون التالية:

2500.00 يستحق الدفع بعد سنتين.

6000.00 يستحق الدفع بعد 3 سنوات.

المطلوب: إيجاد مدة استحقاق هذا الدين، علماً أن معدل الفائدة المطبق يقدر بـ

10% سنوياً؟

$$a = a_1 + a_2 \quad \text{الحل:}$$

$$A(1+t)^{-n} = A_1(1+t)^{-n_1} + A_2(1+t)^{-n_2} \iff (1+t)^{-n} = [A_1(1+t)^{-n_1} + A_2(1+t)^{-n_2}] / A$$



$$(1.1)^{-n} = [2500(1.1)^{-2} + 6000(1.1)^{-3}] / 9625$$

$$(1.1)^{-n} = 6574.004 / 9625 = 0.683013$$

- بالرجوع إلى الجدول المالي رقم (2) نجد أن المدة هي 4 سنوات.

- باستخدام اللوغاريتمات:

$$(1.1)^{-n} = 0.683013 \iff 1/(1.1)^n = 0.683013$$

$$(1.1)^n = 1.464110 \iff \text{Log}(1.1)^n = \text{Log} 1.464110$$

$$n = \frac{\text{Log} 1.464110}{\text{Log}(1.1)}$$

$$= \frac{0.165573}{0.041392}$$

$$n = 4.000120$$

ومنه 4 سنوات هي مدة استحقاق الموحدة للدينين السابقين.

تاريخ الاستحقاق المتوسط:

تاريخ الاستحقاق المتوسط يتحقق بحساب تاريخ لمجموع القيم الاسمية.

مثال: مؤسسة مدينة بثلاثة أوراق تجارية:

25000.00 تاريخ استحقاقها بعد 4 سنوات.

40000.00 تاريخ استحقاقها بعد سنتين.

35000.00 تاريخ استحقاقها بعد سنة.



المطلوب : حساب تاريخ الاستحقاق المتوسط لهذه الأوراق بمعدل فائدة
=12%؟

الحل: n : مدة الاستحقاق المتوسط،

$$A = A_1 + A_2 + A_3 = 25000 + 40000 + 35000 = 100000.00$$

$$A(1+t)^{-n} = A_1(1+t)^{-n_1} + A_2(1+t)^{-n_2} + A_3(1+t)^{-n_3}$$

$$(1+t)^{-n} = [A_1(1+t)^{-n_1} + A_2(1+t)^{-n_2} + A_3(1+t)^{-n_3}] / A$$

$$(1+t)^n = \frac{A}{A_1(1+t)^{-n_1} + A_2(1+t)^{-n_2} + A_3(1+t)^{-n_3}}$$

$$(1.12)^n = \frac{100000}{35000(1.12)^{-41} + 4000(1.12)^{-2} + 35000(1.12)^{-1}}$$

$$(1.12)^n = \frac{100000}{79025.707} = 1.26541$$

$$n \log 1.12 = \log 1.26541 \quad \iff \quad n = 2.0771$$

هذا يعني أن مدة الاستحقاق المتوسطة هي بعد: سنتين (2) و 28 يوم

$$.(28=360 \times 0.0771)$$



المحور الرابع

معايير اختيار الاستثمارات



تمهيد:

إن تطبيقات الفائدة المركبة لها عدة مجالات في ميدان المالية والتسيير، فبالإضافة إلى الدفعات وطرق تسديد القروض وغيرها هناك تطبيقات أخرى سوف نتناولها منها اختيار الاستثمارات، حيث أن بقاء المؤسسة في السوق وقدرتها على المنافسة مرهون بدور استثماراتها وفاعلية المعدات، حيث لا بد من اعتمادها على تقنيات مالية ورياضية لتعيين المشروعات المراد الاستثمار فيها.

أولاً: ماهية اختيار الاستثمار

أ. مفهوم الاستثمار

يقصد بالاستثمار اقتصادياً هو عملية صرف أموال في الوقت الحالي من أجل الحصول من ورائها على نتائج في المستقبل، حيث يشمل الاستثمار كل الموارد والمواد والأشياء المحصل عليها لهذا الغرض لفترات متوسطة أو طويلة.

ب. مفهوم اختيار الاستثمار

يقصد به تعيين المشروع المراد انجازه بالقياس مع بقية المشروعات الأخرى المقترحة للعرض.

إن اختيار الاستثمار يتطلب المفاضلة باستخدام مقاييس علمية ومراعاة العوامل الاجتماعية والاقتصادية والسياسية وتقنيات مالية ورياضية تؤهل المشروع المختار لتحقيق الهدف.



ج. العوامل المؤثرة في اختيار الاستثمارات

تؤثر في الدراسة المالية والتجارية عدة عوامل منها:

1. تكلفة الاستثمار: تشمل قيمة حيازة الاستثمار ومختلف مستلزماته والنفقات التي يتطلبها من بداية الحيازة والاستعمال حتى نهاية حياته الاستعمال.
2. إيراد الاستثمار: يتمثل في مختلف الإيرادات التي يقدمها الاستثمار عند تشغيله لمدة حياته حتى آخرها وما قد يبقيه من قيمة في ذلك التاريخ.
3. مدة حياة الاستثمار: يقصد بها المدة الزمنية لتشغيل الاستثمار وإعطاء نواتج عن ذلك، وتختلف المدة حسب طبيعة الاستثمار وطرق استعماله.
4. سعر الفائدة المطبق: ونميز نوعين لهذا السعر، الأول هو سعر الفائدة المطبق على القروض المحصل عليها، أما الثاني فهو المعدل المطبق على الإيرادات ونواتج الاستثمار لحساب قيمتها الحالية ويسمى سعر الخصم.
5. ظروف النشاط للاستثمار: إن المحيط الاقتصادي من أهم العوامل المؤثرة في نتائج وتكاليف الاستثمارات، وأهم هذه الظروف عناصر الضرائب أو المزايا التي يتحصل عليها...
6. زمن تحديد الإيرادات والأعباء: حيث يختلف تاريخ تحقيق الإيرادات ودفع الأعباء خلال سنة أو سنوات بين استثمار وآخر، ولكن تعتبر نهاية السنة هي زمن التحقيق وزمن الدفع في كل الاستثمارات متى تتساوى في طريقة الحساب.



7. إن الاختيار يكون للاستثمارات التي تحقق نتيجة ايجابية في مدة استعمالها أو على الأقل تغطي مختلف تكاليفها بإيراداتها ، أما ما يحقق منها نتائج سلبية فهو يخرج من هذا.

ثانيا: معايير اختيار الاستثمارات

يوجد عدة طرق للمفاضلة بين الاستثمارات في حالة التأكد التام سنتطرق لأهمها:

1- طريقة فترة استرداد رأس المال:

حسب هذه الطريقة فإنه يتم اختيار الاستثمارات على أساس المشروع الذي يحقق إيرادات صافية في أقل مدة ، تسمح من تغطية تكلفة الاستثمار، أي نختار المشروع ذو فترة زمنية أقل.

1-1- مزايا الطريقة:

أ- سهولة الحساب دون تعقيد.

ب- تتفادى الأخطار الناتجة عن تغيير الظروف الاقتصادية والمالية عند طول مدة الاستثمار.

ج- عند اختيار الاستثمار أي الأقصر مدة الاسترجاع ، تستطيع المؤسسة إعادة استثمار المبالغ المسترجعة لفترة مقبلة أخرى أو لتجديد الاستثمار.



1-2- عيوب الطريقة

أ- لا تأخذ بعين الاعتبار التدفقات النقدية بعد مدة استرداد رأس المال (أي باقي القيمة للاستثمار لصعوبة حسابها) ، رغم أن هناك تدفقات كبيرة أحيانا بعد هذه المدة قد تعطي أرباحا معتبرة.

ب- لا تأخذ بعين الاعتبار القيمة الزمنية للنقود ، فهي تجمع كل التدفقات النقدية الصافية بنفس القيمة سواء في السنة الأولى أو الأخيرة.

بالرغم من عيوب طريقة فترة استرداد رأس المال إلا أنه يفضل استعمالها ، خاصة الأشخاص وبعض المستثمرين من الدول الغربية الذين يفضلون استثمارات في الميادين ذات الاسترداد الأسرع للأموال.

مثال تطبيقي 1 :

مؤسسة تريد تغيير بعض آلاتها ، وذلك بشراء أجهزة جديدة ، بعد القيام بعدة دراسات توصلت الفرقة المختصة إلى حصر ثلاث أنواع من الاستثمارات تقوم بنفس العمل ولنفس الهدف وهي كالآتي:

- النوع الأول : قيمة الشراء 51000.00 دج.

- النوع الثاني : قيمة الشراء 65000.00 دج.

- النوع الثالث : قيمة الشراء 65000.00 دج.

قدرت إيراداتها السنوية الصافية حسب الجدول التالي:



جدول رقم (6): يوضح إيراداتها السنوية الصافية.

6	5	4	3	2	1	السنوات
19500	7000	7000	6000	8500	3000	استثمار 1
16000	16000	12000	25000	18000	10000	استثمار 2
15000	20000	10000	10000	12000	16000	استثمار 3

المطلوب: تحديد أفضل استثمار تبعا لطريقة فترة استرداد رأس المال؟

الحل:

1- فترة استرداد تكلفة الاستثمار الأول:

$$51000=19500+7000+7000+6000+8500+3000$$

أي تتحقق التغطية بعد 6 سنوات والنتيجة معدومة.

2- فترة استرداد تكلفة الاستثمار الثاني:

$$65000=12000+25000+18000+10000$$

أي تتحقق التغطية بعد 4 سنوات ويحقق أرباح بمقدار:

$$32000=16000+16000$$



3- فترة استرداد تكلفة الاستثمار الثالث:

$$68000=20000+10000+10000+12000+16000$$

أي تتحقق التغطية بعد 4 سنوات ويحقق أرباحاً في السنة الخامسة والسادسة بمقدار: $18000 = 15000 + 3000$

حساب فترة استرداد تكلفة الاستثمار الثالث ف بالضبط:

$$12 \times \frac{(10000+10000+12000+16000)-65000}{20000} = \text{ف}$$

$$\text{ف} = 10.2$$

لدينا: 1 شهر ← 30 يوم

0.2 شهر ← ن يوم أي ن = 6

ومنه فترة استرداد تكلفة الاستثمار الثالث بالضبط هي: 4 سنوات و 10

أشهر و 6 أيام.

* سنختار حسب هذه الطريقة الاستثمار الثاني لأنه يسترد أو يسترجع قيمة حيازته في أقل مدة مقارنة مع باقي الاستثمارات رغم ارتفاع تكلفته مقارنة مع الأول.

ملاحظة: في حالة تساوي صافي الإيراد السنوي فيمكن حساب مدة الاسترداد كالآتي:



$$\frac{\text{قيمة حيازة الاستثمار}}{\text{صافي الإيراد السنوي}} = \text{المدة}$$

حيث: صافي الإيراد السنوي = عدد سنوات الاسترجاع X الصافي السنوي.

مثال تطبيقي 2:

نفرض أنه لدينا مشروعين استثماريين (A) و (B) تطلب كل منهما إنفاق استثماري مبدئي بقيمة 1000.000.00 قدرت تدفقاتها النقدية السنوية الصافية حسب الجدول التالي:

جدول رقم (7): يوضح تدفقاتها النقدية السنوية الصافية

8	7	6	5	4	3	2	1	
250.000	250.000	250.000	250.000	250.000	250.000	250.000	250.000	مشروع (A)
50.000	50.000	50.000	50.000	100.000	500.000	350.000	250.000	مشروع (B)

المطلوب: أي الاستثمارين الأفضل باستخدام طريقة فترة الاسترداد؟

الحل:

1- المشروع (A) :

بما أن صافي الإيراد السنوي متساوي فإن:



$$\frac{1000000}{250000} = \text{فترة الاسترداد}$$

ومنه فترة الاسترداد = 4 سنوات.

أي خلال 4 سنوات يسترجع الإنفاق الاستثماري وفي بداية السنة الخامسة تتحقق العائدات.

2- المشروع (B):

$$.1100000.00 = 500000 + 350000 + 250000$$

أي خلال أقل من 3 سنوات يسترجع الإنفاق الاستثماري.

$$12 \times \frac{(350000+250000)-100000}{50000} = \text{ف}$$

ف = 9.6 شهر

لدينا: 1 شهر ← 30 يوم

6.0 شهر ← ن يوم أي ن = 18 يوم

ومنه فترة الاسترداد هي سنتين و9 أشهر و18 يوم، ومنه المشروع (B) هو الأفضل.

2- طريقة معدل العائد الداخلي TRI:

يتم اختيار أفضل استثمار بعد تحديد المعدل الداخلي للعائد لكل استثمار وهو المعدل الذي يجعل مجموع القيم الحالية للإيرادات الصافية



مساوية لمجموع القيم الحالية للتكاليف. أي يجعل هذا المعدل القيمة الحالية الصافية مساوية للصفر.

ويحدد المعدل الداخلي للعائد كالاتي:

$$C = Rn \left[\frac{[1 - (1+t)^{-n}]}{t} \right] .$$

حيث: Rn : التدفق النقدي الصافي

C : قيمة حيازة الاستثمار

n : عدد السنوات

t : المعدل المطبق

ويتم الاستعانة بالجدول المالي رقم (4) لتحديد t ، كما رأينا في الدفعات المتساوية.

2-1- مزايا الطريقة:

- تأخذ بعين الاعتبار القيمة الزمنية للنقود فهي تحدد صافي القيمة الحالية للإيرادات.

2-2- عيوب الطريقة:

- لا تأخذ بعين الاعتبار الإيرادات التي قد تتحقق بعد مدة الاستعمال.

- احتمال ظهور أكثر من معدلين في نفس المشروع.



- تتميز بصعوبة وتعقيد الحسابات في حالة عدم وجود إيرادات وتكاليف منتظمة
أي بدفعات غير متساوية ومنه فإنها تخضع لتقريبات قد لا تعطي نتائج دقيقة.

مثال تطبيقي:

لتطوير قدراتها الإنتاجية اقترح لمؤسسة (X) نوعين من التجهيزات، حيث كانت
تكلفة الحيازة عليها والإيرادات السنوية الممكنة لها كالآتي:

- التجهيزات من النوع الأول: تكلفة الشراء 245.000.00 إيراداتها الصافية
للسنة 47927.74 لمدة 6 سنوات.

- التجهيزات من النوع الثاني : تكلفة الشراء 215.000.05 إيراداتها السنوية
الصافية لمدة 6 سنوات تبلغ 64738.05.

فإذا كان معدل الفائدة المطبق في السوق المالية 4%.

المطلوب: تحديد التجهيزات التي تختارها المؤسسة باستعمال طريقة المعدل
الداخلي للعائد؟

الحل:

1- حساب معدل العائد الداخلي للتجهيزات من النوع الأول:

$$R = 47927.74$$

$$C = 245000.00$$

$$C = Rn \left[\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right] \iff \frac{C}{Rn} = \frac{1 - (1+t)^{-n}}{t}$$



$$\frac{245.000}{47927.74} = \frac{1 - (1 + t)^{-n}}{t} = 5.111862$$

ومنه باستخدام الجدول المالي رقم (4) وباستخدام طريق الأجزاء المتناسبة نجد: $TRI=4.78\%$

2- حساب معدل العائد الداخلي للتجهيزات من النوع الثاني:

$$R=64738.05 \quad C=21500.00$$

$$\frac{C}{Rn} = \frac{1 - (1 + t)^{-n}}{t} = \frac{21500.00}{64738.05} = 321076.3$$

ومنه باستخدام الجدول المالي رقم (4) وباستخدام طريق الأجزاء المتناسبة نجد:

$$TRI=20.05 \%$$

ومنه ستختار المؤسسة تجهيزات النوع الثاني لأنها تحقق أكبر معدل عائد داخلي رغم أنهما مقبولين مقارنة بمعدل الفائدة (4%) الممنوح من طرف البنوك.

3- طريقة معدل متوسط العائد: TMR

تعتمد هذه الطريقة على معدل الإيراد للاستثمار أي بنسبة متوسط الدخل السنوي إلى قيمة الاستثمارات الأصلية بواسطة العلاقة:

$$\text{معدل متوسط العائد } TMR = (\text{متوسط صافي الإيراد السنوي} / \text{قيمة الاستثمار الأصلية}) \times 100$$



$$\text{حيث: متوسط صافي الإيراد السنوي} = \frac{\text{مجموع الإيرادات الصافية السنوية}}{\text{عدد السنوات}}$$

$$\frac{RN}{n} =$$

$$\text{أي: } TMR = \frac{\sum(RN)}{C} \times 100$$

حيث:

n : عدد سنوات استعمال الاستثمار.

C : قيمة الحيازة لأصل الاستثمار (قيمة الاستثمار الأصلية).

RN : الإيرادات السنوية الصافية (التدفق النقدي الصافي أو العائد الصافي).

وبمقارنة المعدل المتوسط للعائد مع معدل الفائدة المستعمل في السوق، فإذا كان أعلى من معدل الفائدة يقبل الاستثمار، ثم يتم اختيار الاستثمار الذي يحقق أحسن معدل متوسط للعائد.

3-1- عيوب الطريقة:

1- لا تأخذ بعين الاعتبار القيمة الزمنية للنقود. إذ لا تفرق بين ما يحقق

إيرادات صافية في السنوات الأولى من حياته أو في السنوات الأخيرة.

2- لا يأخذ فيه بعين الاعتبار إمكانية تغيير معدل الفائدة السوق المتغير عادة.

3- لا يقيم فرقا بين المشروع ذي الحياة الأطول وذي الحياة الأقل إذ كلما زادت

المدة انخفضت قيمة متوسط الإيراد الصافي السنوي، وعند تساوي المعدل



المتوسط العائد الاستثماري أحدهما طويل والثاني قصير الحياة نلاحظ أن الأول يكون أكثر إنتاجاً لتدفقات صافية.

2-3- مزايا الطريقة:

سهولة الحساب تأخذ بعين الاعتبار معدل الفائدة في السوق.

مثال:

بعد دراسة عدد من الاستثمارات، تم تقديم اثنين منها على الإدارة في إحدى المؤسسات للفصل في اختيار أحدهما، الجدول التالي يبين قيمة الحيازة وصافي التدفق النقدي الصافي لكل استثمار:

جدول رقم (8): يوضح قيمة الحيازة وصافي التدفق النقدي الصافي لكل استثمار.

7	6	5	4	3	2	1	قيمة الحيازة	الاستثمار
15.000	26.500	45.000	45.000	38.500	25.000	15.000	125.000	الأول
/	/	22.000	30.000	25.000	12.000	10.000	110.000	الثاني



المطلوب:

- 1- حساب المعدل المتوسط للعائد لكل من الاستثمارين؟
- 2- تحديد أي الاستثمارين تختاره المؤسسة إذا كان معدل الفائدة الموجود في السوق يقدر بـ 20%؟

الحل:

1 - حساب TMR : لكل استثمار

$$TMR = \frac{\frac{\sum(RN)}{n}}{C} \times 100$$

$$\sum RN 1 =$$

$$15000 + 25000 + 38500 + 45000 + 45000 + 26500 + 15000$$

$$\sum RN 1 = 210000.00$$

$$TMR_1 = \frac{\frac{210000}{7}}{125000} \times 100 \implies TMR_1 = 24\%$$

$$\sum RN 2 = 10000 + 12000 + 25000 + 30000 + 22000$$

$$\sum RN 2 = 99000.00$$

$$TMR_2 = \frac{\frac{99000}{5}}{110000} \times 100 \implies TMR_2 = 18\%$$

- 2- $TMR_1 = 18\%$ هو أقل من معدل الفائدة المطبق في السوق الذي يساوي 20% وبالتالي فهو غير مقبول تجارياً، بينما المشروع الأول يحقق معدل العائد أكبر من معدل السوق وبالتالي يتم قبوله واختياره.



4- مؤشر الربحية (الرقم القياسي): IR

مؤشر الربحية أو الرقم القياسي للربحية يعني حساب مردودية الاستثمار أو تحديد ما تنتجه كل وحدة مستثمرة من الأرباح الناتجة عن الاستثمار خلال حياته وما تبقى منه في نهاية استعماله، فإذا كان معدل المحسوب يساوي أو أكبر من 1، فالاستثمار مقبول تجارياً، وإذا لم يصل إلى 1، فهذا يعني أن الإيرادات الصافية لا تغطي تكلفة الاستثمار وبالتالي فلا يمكن قبوله. وأحسن استثمار يتم اختياره يكون الأكبر مؤشراً للربحية أي الأكبر مردودية من الآخرين.

ويتم حساب مؤشر الربحية كالآتي:

$$IR = \frac{\sum_{s=1}^n Rs(1+t)^{-s} + VR(1+t)^{-n}}{C}$$

وإذا كانت الإيرادات السنوية الصافية مساوية نستعمل معادلة الدفعات المتساوية.

$$IR = \frac{Rx \frac{(1-(1+t)^{-n})}{t} + VR(1+t)^{-n}}{C} = \frac{RN}{C}$$

حيث: IR : مؤشر الربحية.

RS : صافي التدفق النقدي للسنة s .

n : عدد سنوات الاستثمار أو مدة حياته.

VR : القيمة الباقية للاستثمار في آخر سنة من استعماله.



t : معدل الفائدة المطبق.

RN : الإيرادات السنوية الصافية.

مزايا وعيوب الطريقة:

1 - المزايا

- إن مؤشر الربحية بقدر ما يتميز بالبساطة في المعنى.
- من مزايا هذه الطريقة أن المعدل يحسب بالقيمة الزمنية للنقود.

2 العيوب

- يتميز مؤشر الربحية بالتعقيد في العمليات الحسابية خاصة إذا لم تكن الإيرادات الصافية متساوية.
 - من عيوب هذه الطريقة لا يأخذ بعين الاعتبار مدة حياة المشروع.
 - في حالة المفاضلة بين المشاريع لا يؤخذ بعين الاعتبار حجم المشروع.
- مثال: مؤسسة (X) لديها ثلاث استثمارات تؤدي نفس النتيجة تريد أن تختار الاستثمار الأفضل لها، فكانت تكاليفها وإيراداتها حسب الجدول التالي:



جدول رقم (9): يوضح تكاليف وإيرادات الاستثمارات.

المدة	القيمة الباقية	الإيرادات السنوية الصفافية	تكلفة الحياة	الاستثمار
5 سنوات	8000	24000	84000	الاستثمار 1
5 سنوات	5100	21200	76000	الاستثمار 2
5 سنوات	6200	25320	76000	الاستثمار 3

فإذا كان معدل الفائدة المستعمل هو 10%.

المطلوب: تحديد بطريقة مؤشر الربحية أفضل الاستثمارات الثلاثة للمؤسسة؟

الحل:

1- حساب IR_1 :

تحديد صافي الإيرادات الإجمالية RN_1

$$\begin{aligned}RN_1 &= Rn \left[\frac{1 - (1+t)^{-5}}{t} \right] + VR(1+t)^{-5} \\ &= 24000 \left[\frac{1 - (1+0.1)^{-5}}{0.1} \right] + 8000(1+0.1)^{-5} \\ &= 24000(790787.3) + 8000(620921.0)\end{aligned}$$



$$RN_1 = 95946.256$$

$$IR_1 = \left[\frac{95946.256}{84000} \right] = 242217.1$$

2- حساب IR_2 :

تحديد صافي الإيرادات الإجمالية RN_2

$$\begin{aligned} RN_2 &= R_n \left[\frac{1 - (1+t)^{-5}}{t} \right] + VR(1+t)^{-5} \\ &= 21200 \left[\frac{1 - (1+0.1)^{-5}}{0.1} \right] + 5100(1+0.1)^{-5} \\ &= 24000(790787.3) + 5100(620921.0) \end{aligned}$$

$$RN_2 = 83531.3815$$

$$IR_2 = \frac{83531.3815}{76000} = 1.099$$

3- حساب IR_3 :

تحديد صافي الإيرادات الإجمالية RN_3

$$\begin{aligned} RN_3 &= R_n \left[\frac{1 - (1+t)^{-5}}{t} \right] + VR(1+t)^{-5} \\ &= 25320 \left[\frac{1 - (1+0.1)^{-5}}{0.1} \right] + 6200(1+0.1)^{-5} \\ &= 25320 (790787.3) + 6200 (620921.0) \end{aligned}$$

$$RN_3 = 99832.43704$$

$$IR_3 = \frac{99832.43704}{76000} = 1.31$$



نلاحظ كل الاستثمارات مقبولة لأن مؤشر الربحية أكبر من (1)، لكن نلاحظ الاستثمار الثالث هو الذي حقق أكبر مؤشر الربحية 1.31 وبالتالي فهو الذي سيتم اختياره من بين الثلاث حسب هذه الطريقة.

5- صافي القيمة الحالية: VAN

تعتمد هذه الطريقة في الاختيار على حساب صافي القيمة الحالية لكل استثمار، حيث يتم إهمال وفقا لهذه الطريقة الاستثمارات التي تحقق VAN سالبة، ومنه تصبح المفاضلة بين الاستثمارات التي تحقق VAN موجبة وأفضلها هو الاستثمار الذي يحقق أكبر صافي قيمة الحالية.

إن صافي القيمة الحالية VAN يعني القيمة الحالية للفرق بين مجموع الإيرادات ومجموع التكاليف للاستثمار بما فيها تكلفة الحيازة وتكلفة باقى الاستثمار وتحسب VAN كالآتي:

$$VAN = VAR - VAD$$

حيث:

- إذا كانت الإيرادات غير متساوية فإن:

$$VAR = \sum_{s=1}^n Rs(1+t)^{-s} + VR(1+t)^{-n} - C$$

إذا كانت الإيرادات متساوية فإن:

$$VAR = \left[R_x \left[\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right] + VR(1+t)^{-n} \right] - C$$



حيث VAR : القيمة الحالية للإيرادات.

VAD : القيمة الحالية للنفقات.

VR : القيمة الباقية للاستثمار في نهاية حياته.

RS : صافي الإيرادات للسنة S (إيرادات نفس السنة – تكلفتها).

n : عدد السنوات أو مدة الاستثمار.

* مزايا الطريقة:

- تمتاز بالدقة وشمولية كل العناصر المتعلقة بالناحية المالية للاستثمار.

- تتفادى أغلب عيوب الطرق الأخرى.

- تعد أحسن من الجانب العلي مقارنة مع الطرق السابقة.

مثال:

لديك الاستثمارات المبينة في الجدول أدناه وإيراداتها الصافية بعد الضريبة وأن قيمتها النهائية معدومة، علما أن نسبة الفائدة المستعملة تساوي 10%:



جدول رقم (10): يوضح الإيرادات الصافية بعد الضريبة.

4	3	2	1	التكلفة	الاستثمار
5000	10000	25000	40000	90000	A
25000	12000	12000	40000	98000	B
12000	12000	8000	40000	80000	C
15000	15000	15000	40000	68000	D

– أي استثمار تختاره المؤسسة حسب طريقة صافي القيمة الحالية؟

الحل: $VR=0$ ، $VAN=VAR-VAD$

بما أن الإيرادات غير متساوية فإن: $VAR = Rs(1+t)^{-s} - VR(1+t)^{-n}$

ومنه: $VAR = Rs(1+t)^{-s}$

A- $VAR_1 = 40000(1.1)^{-1} + 25000(1.1)^{-2} + 10000(1.1)^{-3} + 5000(1.1)^{-4}$

$= 36363.6364 + 20661.1570 + 7513.1480 + 3415.0673$

$VAR_1 = 67953.0087$

$VAN_1 = 67953.0087 - 90000 = -22046.9913$

B- $VAR_2 = 40000(1.1)^{-1} + 12000(1.1)^{-2} + 12000(1.1)^{-3} + 25000(1.1)^{-4}$

$= 36363.6364 + 9917.3554 + 9015.7776 + 17075.3364$

$VAR_2 = 72372.1057$

$VAN_2 = 72372.1057 - 98000 = -25627.8943$



$$C- \quad VAR_3 = 40000 (1.1)^{-1} + 8000(1.1)^{-2} + 12000(1.1)^{-3} + 12000(1.1)^{-4}$$

$$= 36363.6364 + 6611.5702 + 9015.7776 + 8196.1615$$

$$VAR_3 = 60187.1457$$

$$VAN_3 = 60187.1457 - 80000 = -19812.8543$$

$$D- \quad VAR_4 = 35000 (1.1)^{-1} + 15000(1.1)^{-2} + 15000(1.1)^{-3} + 15000(1.1)^{-4}$$

$$= 36363.6364 + 12396.6942 + 11269.7220 + 10245.2018$$

$$VAR_4 = 70275.2544$$

$$VAN_4 = 70275.2544 - 68000 = +2275.2544$$

نلاحظ أن صافي القيمة الحالية (VAN) للاستثمارات الثلاثة الأولى

سالبة ولهذا تهمل، بينما الاستثمار الأخير موجبة لهذا ستختاره المؤسسة حسب

هذه الطريقة.





المحور الخامس

القروضه واهتلاكها



تمهيد:

عادة نلجأ للاستدانة من الغير لأسباب عديدة وأهداف مختلفة، كمن يمر بمركز مالي صعب أو يهدف عمليات التوسع أو عجز في تسديد ديون سابقة، وعموما يفضل المستثمرون القروض الطويلة الآجل.

عادة يتفاوض المقرض والمقترض على أساليب الدفع كالمدة والمعدل ومبلغ الدفعات المتساوية أو المتغيرة وغيرها، وأهم القروض العادية (القروض ذات المصدر الوحيد).

القروض العادية هي القروض التي يكون التعامل فيها بين طرفين متعاقدين أحدهما صاحب المال والثاني المقترض أو المستعمل ، يتميز هذا القرض بوجود عقد كتابي بين الطرفين يشمل محتوى العملية وشروطها والمدة وكيفية الدفع والتسديد وغيرها من العناصر الضرورية في العقود ، كما أن هناك عدة طرق للتسديد هذه القروض ومنها:

استهلاك القروض بدفعات ثابتة (متساوية)

استهلاك القروض باستهلاكات ثابتة (متساوية)



أولاً: استهلاك القروض بدفعات ثابتة (متساوية)

يتم تسديد القروض دورياً حيث تدفع (سنوياً، سداسياً، ...) دفعة ثابتة إلى المقرض بعدد معين متفق عليه سابقاً بين الطرفين وبتقديم آخرها يتحرر المقرض اتجاه المقرض.

وتحتوي الدفعة الواحدة الثابتة على جزئين، أحدهما رأس المال الأصلي ويسمى الاستهلاك والثاني فائدة على القرض المتبقي.

1- تحديد قيمة الدفعة

إن العناصر المستعملة هي:

V_0 : قيمة أصل القرض في تاريخ 0 (أي بداية السنة الأولى للتسديد) وتكون بعد ذلك V_1, V_2, \dots حتى V_{n-1} (أي باقي القرض في بداية السنوات 2, 3, ..., n).

a : الدفعة أو القسط الثابت وتتكون الدفعة من الاستهلاك والفائدة أي: $a = i + M$

M : الاستهلاك الذي يتزايد حسب السنوات مع تناقص الفائدة.

i : الفائدة التي تتناقص حسب السنوات إذ تطبق على أصل القرض كل سنة.

n : مدة القرض إذ في نهاية السنة n يصبح أصل القرض معدوماً.

t : معدل الفائدة.



- إن عملية استهلاك القروض بدفعات ثابتة تتطابق مع عملية تسديد القروض بدفعات نهاية الفترة.
- مجموع الدفعات تساوي جملة القرض المدفوع.
- أصل القرض أو القيمة الحالية في بداية أول سنة تسديد تساوي القيمة الحالية للدفعات.

ومن علاقات الدفعات الثابتة لنهاية المدة نجد القيمة الحالية V_0 :

$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right] \Rightarrow a = \frac{V_0}{\left(\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right)}$$

- من الجدول المالي رقم (5) يمكن حساب القيمة الكسرية: $\left[\frac{t}{1 - (1+t)^{-n}} \right]$

1-2- جدول استهلاك القروض:

لتسهيل عملية متابعة تطور القرض واستهلاكه تم إعداد جدول لذلك، حيث تستخرج منه عدة عناصر تفيد في مراقبة التسيير وحسابات أخرى، كتحديد رصيد الدين وتحديد قيمة الفوائد عبر السنوات... إلخ ، والجدول كما هو موضح في الشكل التالي:



جدول رقم (11): يوضح جدول استهلاك القروض.

القرض في نهاية المدة أو الدين المتبقي في نهاية الفترة	الدين المستهلك	الاستهلاك	الدفعة	الفائدة	القرض في بداية المدة أو الدين المتبقي في بداية الفترة	الفترة
$V_0 - M_1$	M_1	$M_1 = a - i_1$	a	$i_1 = V_0 t$	V_0	1
$V_1 - M_2$	$M_1 + M_2$	$M_2 = a - i_2$	a	$i_2 = V_1 t$	$V_1 = V_0 - M_1$	2
		
		
$V_{n-2} - M_{n-1}$		$M_{n-1} = a - i_{n-1}$	a	$i_{n-1} = V_{n-2} t$	V_{n-2}	$n-1$
$V_{n-1} - M_n$	$M_1 + \dots + M_n$	$M_n = a - i_n$	a	$i_n = V_{n-1} t$	V_{n-1}	n
/	/	$\sum M$	na	$\sum i$	/	total

مثال تطبيقي: مؤسسة تحصلت على قرض يقدر بـ 200000.00 يسدد خلال 4 سنوات بدفعات ثابتة سنوية، بمعدل فائدة 12%، ابتداء من نهاية سنة العقد.

المطلوب: حساب قيمة الدفعة الثابتة ثم إعداد جدول استهلاك القرض؟

الحل:

$$a = \left[\frac{t}{1 - (1+t)^{-n}} \right] \cdot V_0 \quad \text{1- حساب قيمة الدفعة:}$$

$$a = \left[\frac{0.12}{1 - (1+0.12)^{-4}} \right] 200000$$

$$a = 0.3292344 \times 200000$$

$$a = 65846.88$$



ثانيا- أعداد جدول استهلاك القرض:

جدول رقم (12): يوضح أعداد جدول استهلاك القروض للمثال التطبيقي.

القرض في بداية المدة أو الدين المتبقي في بداية الفترة	الدين المستهلك	الاستهلاك	الدفعة	الفائدة	القرض في بداية المدة أو الدين المتبقي في بداية الفترة	الفترة
12.158153	88.41846	88.41846	88.65846	24000	200000	1
6144.111284	3856.88715	5056.46868	/	3744.18978	158153.12	2
88813.58791	1119.141208	72627.52492	/	15373.13354	6144.111284	3
00	200000	88813.58791	/	026576.7055	88813.58791	4
/	/	200000	263387.52	55471.63387	/	

ملاحظة: نلاحظ أن تغير طفيف في السطر الأخير لأن باقي القرض في السنة 4 يبقى 0.03468 عوض 00 وهذا ناتج التقريب الحاصل في قيمة الدفعة لاستعمال القيمة من الجدول (5) وهي مقربة مثل غيرها.

3-1- علاقات بين عناصر الجدول:

أ- العلاقة بين الدفعات والقرض:

أصل القرض في بداية أول فترة يساوي القيمة الحالية للدفعات ومنه:

$$V_0 = a \left[\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right]$$

مجموع الدفعات = أصل القرض + مجموع الفوائد

$$\sum a = V_0 + \sum i$$

$$n \cdot a = \sum M + \sum i \iff a = \frac{(\sum M + \sum i)}{n}$$



ب- العلاقة بين الاستهلاكات :

$$M_{x+1} = M_x (1+t)$$

أي أن الاستهلاك في أي سطر هو الاستهلاك السابق له ضرب $(1+t)$ ، وبالتالي الاستهلاكات هي عبارة عن متتالية هندسية حدها الأول M_1 وأساسها $(1+t)$ وعدد حدودها n .

ج- العلاقة بين الاستهلاكات وأصل القرض:

$$V_0 = \frac{M_1[(1+t)^n - 1]}{t}$$

د- الفرق بين استهلاكين متتاليين:

$$M_{x+1} - M_x = (a - i_{x+1}) - (a - i_x)$$

$$M_{x+1} - M_x = i_x - i_{x+1}$$

هـ- الفرق بين فائدين متتاليتين:

$$i_x - i_{x+1} = M_x \cdot t$$

مثال: من المثال السابق تحقق من أن:

1- الاستهلاك رقم 3 = الاستهلاك رقم 2 ضرب $(1+t)$.

2- الاستهلاك رقم 4 = الاستهلاك رقم 1 ضرب $(1+t)^3$.

3- مجموع الاستهلاكات = أصل القرض.



4- تحقق من أن الفرق بين استهلاكين = الفرق بين فائدتيهما.

5- الفرق بين الفائدتين.

الحل:

$$1-M_3 = M_2 (1+t)$$

$$M_3 = 46866.5056 (1+0.12) = 52492.72627$$

$$2- M_4 = M_1 (1+t)^3 = 41846.88 (1+0.12)^3 = 58791.88813$$

$$3- V_0 = \sum M = V_0 = \frac{M_1[(1+t)^n - 1]}{t}$$

$$V_0 = \frac{41846.88[(1+0.12) - 1]}{0.12}$$

$$\sum M = V_0 = 200000.00$$

$$4 - M_3 - M_2 = i_2 - i_3$$

$$52492.72627 - 46866.5056 = 18978.3744 - 13354.15373$$

$$M_3 - M_2 = i_2 - i_3 = 5624.22067$$

$$5- i_x - i_{x+1} = M_x \cdot t / \quad i_2 - i_3 = M_2 \times 0.1$$

$$18978.3744 - 13354.15373 = 46866.5056 \times 0.12$$

$$= 5624.22067$$

$$I_2 - i_3 = M_2 \times 0.1 = 5624.22067$$



و- حساب الدفعة عن طريق الاستهلاك الأخير:

$$a = M_n(1+t)$$

من المثال السابق وبالتعويض نجد:

$$a = 58791.88313(1+0.12) = 65846.90 \approx 65846.88$$

ز- الفرق بين الفائدتين الأخيرتين واستعماله:

$$i_{n-1} - i_n = i_n / (1+t)$$

من الصيغة السابقة يمكن حساب معدل الفائدة المطبق على القرض بمعلومية الفائدة الأخيرة والفرق بين الفائدتين الأخيرتين.

ح- القرض أو الدين المتبقي والدين المدفوع:

• الدين المدفوع:

لدينا

$$V_0 = M_1 \left[\frac{(1+t)^n - 1}{t} \right] = a \left[\frac{1 - (1+t)^{-n}}{t} \right]$$

إن الاستهلاكات التي تكون الدين المدفوع من السنة الأولى حتى السنة R هو V_R .

$$V_R = M_1 \left[\frac{(1+t)^R - 1}{t} \right] = a \left[\frac{1 - (1+t)^{-(n-R)}}{t} \right]$$

• الدين المتبقي انطلاقاً من نفس العلاقات حتى السنة R هو V_{n-R}



$$V_{n-R} = M_{R+1} \left[\frac{(1+t)^{n-R} - 1}{t} \right] = a \left[\frac{1 - (1+t)^{-(n-R)}}{t} \right]$$

من المثال السابق تحقق من العلاقات "ز" و"ح"

$$i_{n-1} - i_n = i_n / (1+t) \iff t = i_n / (i_{n-1} - i_n) - 1 = i_4 / (i_3 - i_4) - 1$$

$$t = 7055.026576 / (13354.15373 - 7055.026576) - 1 = 0.12 ;$$

$$t = 12\%$$

الدين المدفوع حتى السنة $R = 3$ نجد:

$$V_3 = M_1 \left[\frac{[(1+0.12)^3 - 1]}{0.12} \right]$$

$$V_3 = 41846.88 \times 3.3744 = 141208.1119$$

الدين المتبقي بعد الدفعة الثانية: $n=4$

$$V_{n-2} = M_3 \left[\frac{(1+t)^{n-2} - 1}{t} \right]$$

$$= 52492.72627 \times 2.12 = 111284.5797$$

2 - استهلاك القروض باستهلاكات ثابتة (متساوية):

يتم تسديد الدين حسب هذه الطريقة دوريا (كل سداسي أو شهري) بدفعات تشمل جزء ثابت من أصل القرض وفائدة على القرض المتبقي كل فترة ، والعنصر المهم حسب هذه الطريقة هو تحديد قيمة الاستهلاك الثابت.

أ- تحديد قيمة الاستهلاك الثابت : تحسب مباشرة بقسمة قيمة أصل القرض الأساسية على عدد الدفعات.



$$M = \frac{V_0}{n} \iff V_0 = M \cdot n$$

ب- جدول استهلاك القرض:

حسب هذه الطريقة فإن جدول استهلاك القرض يأخذ نفس شكل جدول استهلاك القرض بالأقساط الثابتة.

مثال تطبيقي:

مؤسسة اقترضت مبلغ 25000.00 على أن تسدده بدفعات نهاية الفترة بطريقة الاستهلاكات الثابتة ولمدة 5 سنوات بمعدل فائدة 8%.

المطلوب: إعداد جدول استهلاك هذا القرض حسب هذه الطريقة؟

$$\text{الحل: } M = \frac{25000}{5} = 5000.00$$

والعناصر الأخرى تحسب بشكل عادي.

$$V_x = V_{x-1} - M, \quad i_x = V_{x-1} \cdot t, \quad a_x = i_x + M$$

ويكون الجدول بالشكل التالي:

جدول رقم (13): يوضح جدول استهلاك القروض.

الدين المتبقي في نهاية المدة (رصيد القرض آخر المدة)	الدفعة	الاستهلاك الثابت	الفائدة السنوية	القرض في بداية المدة	الفترة
20000	7000	5000	2000	25000	1
15000	6600	5000	1600	20000	2
10000	6200	5000	1200	15000	3
5000	5800	5000	800	10000	4
00	5400	5000	400	5000	5
/				/	المجموع



ج- علاقات بين عناصر الجدول:

$$1- M = \frac{V_0}{n} \quad \longleftrightarrow \quad V_0 = M \cdot n$$

$$2- a_{x+1} = i_{x+1} + M = V_x \cdot t + \frac{V_0}{n}$$

$$V_x = V_{x-1} \cdot \frac{V_0}{n} \quad \text{لدينا:}$$

$$a_{x+1} = (V_{x-1} \cdot \frac{V_0}{n}) t + \frac{V_0}{n} \quad \text{ومنه}$$

$$= V_{x-1} \cdot t \cdot \frac{V_0}{n} + \frac{V_0}{n}$$

$$a_x = V_{x-1} \cdot t + \frac{V_0}{n}$$

$$a_{x+1} = a_x \cdot \left(\frac{V_0}{n}\right) t$$



المحور السادس

التقنيات البورصية



أولاً: السندات

1- تعريف السندات

يعرف السند على أنه صك قابل للتداول في سوق الأوراق المالية، تصدره مؤسسة أعمال ويتعلق بقرض طويل الأجل، وهو بهذا يعد عقداً أو اتفاقاً بين طرفين، بمقتضاه يقوم الطرف الأول بإقراض الطرف الثاني، مع تعهد هذا الأخير برد المبالغ المقرضة والفوائد المتفق عليها في تواريخ محددة.

أي السند هو "صك يعود بدخل ثابت على صاحبه، ويمثل ديناً على المؤسسة لأصل طويل أو متوسط الأجل، في مقابله تتعهد بدفع مبلغ معين كفاءة بصورة دورية طول مدة السند، مع دفع القيمة الاسمية عند الاستحقاق".

كما يعرف السند على أنه: "السند يمثل جزءاً من قرض، والمقترض قد يكون الدولة أو شركة مساهمة، فتوجد لدينا سندات حكومية وسندات الشركات المساهمة، وحامل السند يعتبر مقرضاً، ويستحق فائدة ثابتة سنوياً مقابل استثمار أمواله في شكل سندات، والسند يكون عادةً طويل الأجل لمدة عشر سنوات".



2- أنواع السندات

نميز عدة أنواع من السندات أهمها:

أ- السند المستحق الوفاء بعلاوة إصدار: حيث لتشجيع مؤسسة ما المدخرين على توظيف أموالهم، تعمل على إصدار سندات بمبلغ معين يسمى سعر الإصدار، على أن تقرر هذا المبلغ في ميعاد الاستحقاق، مضافا إليه مبلغا إضافيا يسمى "العلاوة".

ب- سند النصيب : لا يجوز إصدار هذا النوع من السندات إلا بإذن من الحكومة، والنصيب هو مبلغ معين يمنح للبعض من حملة السندات الذين تعينهم القرعة، ومبلغه لا يقتطع من الفائدة المستحقة لحامل السند، لكنه مبلغ إضافي كتحفيز ومكافأة لجلب مقرضين جدد.

ج- السند المضمون : لكي تحصل بعض الشركات على حاجتها من الأموال، تعتمد أحيانا إلى اجتذاب رؤوس الأموال، عن طريق تقديم ضمانات عينية لوفاء القرض، كأن ترهن عقاراتها رهنا تأمينيا.

كما توجد أنواع أخرى من السندات نذكر أهمها:

د- سندات المشاركة في الأرباح : حيث تعطي لأصحابها الحق ليس فقط في العوائد الدورية لسنداتهم، بل وفي جزء من أرباح المؤسسة.

هـ- السندات القابلة للتحويل إلى أسهم : تتمثل في السندات الممتازة التي تصدرها الشركة، وتعطي الحق لحامله اختياريا في تحويل سنداتة إلى أسهم عادية.

وإضافة لهذا الحق عند إصدار هذه السندات، يشجع المستثمرين عند الاكتتاب فيها، لأن هذا النوع من السندات يضمن لصاحبه امتيازين هما:



- الحصول على معدل فائدة ثابت بمجرد شراء هذه السندات.
- التمتع بالمشاركة في نمو وازدهار الشركة في المستقبل، عن طريق حقه في تحويل سنده إلى سهم عادي في أي وقت يختاره.

إضافة إلى هاتين الميزتين فإن الشركة عادة ما تباع هذه السندات بقيمة أعلى من مثيلاتها من السندات التي لا تتمتع بهذا الحق. وتتمثل هذه القيمة في الفرق بين قيمة السند عند إصداره والقيمة التحويلية ويطلق عليها علاوة التحويل.

3-العوامل المحددة لأسعار السندات

يتحدد سعر السند في البورصة وفقاً لأسعار الفائدة السائدة في السوق، والعلاقة بينهما علاقة عكسية محضة، فارتفاع أسعار الفائدة في السوق النقدي يؤدي إلى انخفاض أسعار السندات والعكس صحيح.

مثال: تقوم شركة ما بإصدار سند ، قيمته الاسمية تساوي 100.00، بمعدل فائدة سنوي يعادل 5% أي أن مالك السند سيحصل سنوياً على مبلغ 5.00 كفائدة طول مدة السند، مهما تغيرت أسعار الفائدة في السوق، ففي حالة انخفاضها إلى 2% مثلاً فهذا ما يستلزم توظيف 200.00 في البنك بدلاً عن 100.00 للحصول على نفس العائد أي 5.00، وهذا ما يعني ارتفاع قيمة السند وبالتالي ارتفاع سعره.

وبالطبع يحصل العكس في حالة ارتفاع أسعار الفائدة في السوق، إلى 8% بدلاً من 4%. وفي هذه الحالة يكفي للمستثمر أن يوظف 50.00 عوض عن



100.00، ليحصل على نفس العائد أي 5.00، بمعنى أن 100.00 السابقة ستعود عليه لو وظفها في البنك بـ 10.00، وهذا يعني انخفاض قيمة السند وبالتالي انخفاض سعره. وبالتالي فإن معدل الفائدة السائد في السوق، هو المؤشر الفعلي لحركة أسعار السندات.

4- تقييم السندات

عند تقييم السند يجب أن يتم الأخذ بالاعتبار القيمة الزمنية للنقود، حيث أن قيمة النقود التي تمتلكها الآن هي أكبر من قيمة النقود المتوقع استلامها في المستقبل.

مثال: أصدرت شركة لبيع مواد البناء سند بقيمة اسمية تبلغ 100 دج وبسعر فائدة مقداره 10 % سنوياً،

ما هي القيمة الحقيقية التي يمكن أن تعطى لهذا السند إذا كان معدل العائد في السوق هو 12%.

علماً بأن فترة استحقاق السند تبلغ 5 سنوات.

الحل: بما أن الفائدة تدفع سنوياً، فإن حامل هذا السند سيحصل على مبلغ 10 دج سنوياً لمدة 5 سنوات بالإضافة إلى مبلغ 100 دج في نهاية السنة الخامسة. ولمعرفة القيمة الحقيقية لهذه التدفقات يتم استخدام أسلوب القيمة الحالية لتقدير ذلك.



جدول رقم (14): يوضح القيمة الحالية السنوية.

القيمة الحالية	معامل الخصم 12%	التدفقات	الفترة
8.93	0.893	10	1
7.97	0.797	10	2
7.12	0.712	10	3
6.36	0.636	10	4
62.37	0.567	110	5
92.75			

أما لو كان سعر الفائدة يدفع كل 6 أشهر فإنه يتم حساب القيمة الحالية وذلك بمضاعفة المدة أي ستكون عشرة فترات بدل من 5 فترات ويتم استخدام نصف العائد على السند أي بنسبة 5% بدلاً من 10% .



جدول رقم (15): يوضح القيمة الحالية السداسية.

القيمة الحالية	معامل الخصم 6%	التدفقات	الفترة
4. 72	0. 943	5	1
4. 45	0. 890	5	2
4. 2	0. 840	5	3
3. 96	0. 792	5	4
3. 74	0. 747	5	5
3. 53	0. 705	5	6
3. 33	0. 665	5	7
3. 14	0. 627	5	8
2. 96	0. 592	5	9
58. 59	0. 558	105	10
92. 62			

من خلال حساب قيمة السند يلاحظ أن هذا السند يباع بخصم على أساس أن قيمته أقل من قيمته الاسمية (100) دج ، ويجب أن يكون كذلك حتى يعطي حافز إلى المستثمر لشراء هذا السند ولتعويضه عن العائد التي يمكن أن يحققه هذا المستثمر لو ذهب إلى الاستثمار في قنوات أخرى كالودائع لدى البنوك مثلاً.



ثانيا : الأسهم

1- تعريف الأسهم

"السهم هو حق المساهم في شركة أموال، وهو ذلك الصك الذي يثبت هذا الحق القابل للتداول وفقا لقواعد القانون التجاري، ويمثل السهم حق مالكة في الجمعية العمومية، والتصويت فيها والانتخاب، وحق الأولوية في الاكتتاب عند زيادة رأس مال الشركة، إضافة إلى حق الحصول على جزء من أرباحها عند التصفية بسبب الانقضاء".

وبصفة عامة فالسهم هو صك بدخل متغير تصدره شركة ما عند انطلاقها أو زيادة رأسمالها، ومجموع الأسهم يمثل رأس مال الشركة، والأصل أن تطرح أسهم الشركة على الجمهور للاكتتاب فيها، وذلك عن طريق بنك أو أكثر، إذ يتلقى البنك اكتتابات الجمهور التي قد تزيد على عدد الأسهم المصدرة، "وهنا يقوم المؤسسون بعملية تسمى عملية التخصيص حيث يفضلون صغار المكتتبين في عدد صغير من الأسهم وذلك في حالة الرغبة في انتشار سمعة الشركة على عدد كبير من الناس، أو قد يفضل المؤسسون كبار المكتتبين ويرفضوا صغارهم، كما قد يقبلوا جميع المكتتبين صغارا أو كبارا بعملية تسمى التوزيع النسبي أي أن كل مكتتب يأخذ نسبة أقل من التي يرغب في شرائها".



2- أنواع الأسهم

تصنف الأسهم إلى ثلاث مجموعات حسب الشكل، الحقوق التي يتمتع بها أصحابها ومن حيث نوع الحصة المقدمة.

أ- من حيث الشكل نميز التالي:

أ-1- الأسهم الاسمية : هي أسهم تحمل اسم مالكيها وتدون فيها بعض البيانات كاسم ولقب المساهم، موطنه وجنسيته، نوع ورقة الأسهم التي يمتلكها، نوع الشركة التي يساهم فيها، عنوانها، رأسمالها ومركزها، بيان القيمة المدفوعة من ثمن السهم لمعرفة ما تبقى على المساهم.

أ-2- أسهم لحاملها: هي أسهم لا يذكر فيها اسم المساهم بل يعد حاملها مالكا لها بسبب الحياة المادية، وعليه فإن التنازل عنها يتم بمجرد انتقالها من يد إلى أخرى لهذا فهي سريعة التداول، لحاملها الحق في حضور مداورات الشركة في جمعياتها العمومية، والمشاركة في تقسيم أرباحها، أما من جانب الشركة فلها الحق أن لا تعترف إلا بمالك واحد هو حامل السهم، حتى وإن حصل عليه بطريقة غير مشروعة.

أ-3- أسهم لأمر: قد تصدر الشركة أسهم لأمر يشترط أن تكون كاملة الوفاء بمعنى أنه على المساهم أن يدفع كل القيمة الاسمية للسهم عند الاكتتاب، لأن الشركة في هذه الحالة لا يمكنها أن تتعقب تداول السهم، وبالتالي لا تستطيع أن تتعرف على المساهم الأخير الملزم بالقيمة المستحقة والمتبقية من قيمة السهم.



ب- من حيث الحقوق التي يتمتع بها أصحابها نميز التالي:

ب-1- الأسهم العادية:

السهم العادي هو صك ملكية له ثلاث قيم:

- القيمة الاسمية : تتمثل في القيمة المدونة على قسيمة السهم، وعادة ما يكون منصوص عليها في عقد التأسيس.

- القيمة الدفترية : هي النسبة بين قيمة حقوق الملكية (الاحتياطات ، الأرباح المحتجزة، الأسهم العادية) وعدد الأسهم العادية المصدرة.

- القيمة السوقية : هي القيمة التي يباع بها السهم في السوق (سوق الأوراق المالية)، قد تكون القيمة أكبر أو أقل من القيمة الاسمية أو الدفترية، وعليه فإن القيمة السوقية للسهم تعتبر التقييم الحقيقي للسهم العادي.

من بين خصائص السهم العادي ما يلي:

- لا يجوز لحامل السهم العادي أن يطالب بنصيبه في الأرباح، إذ لم تحقق الشركة أرباحاً وتقرر توزيعها، إلى جانب ذلك نجد أن صاحب السهم العادي له حق نقل ملكيته بالبيع أو التنازل أو بأي طريقة أخرى، وله حق التصويت في الجمعية العمومية إلى جانب ذلك فمسؤوليته محدودة بحصته في رأس المال.

- ليس من حق حامل السهم العادي الرجوع على المنشأة المصدرة لاسترداد قيمته، وإذا أراد التخلص من السهم فليس أمامه سوى عرضه للبيع في سوق الأوراق المالية.



- وفي حالة الإفلاس ليس هناك ما يضمن لحامل السهم العادي استرجاع القيمة التي سبق وأن دفعها لشراء السهم، بل قد لا يسترد شيئاً منها على الإطلاق.

ب-2- الأسهم الممتازة:

قد تسمى أيضاً بأسهم الأولوية أو أسهم الأفضلية، وهي سند ملكية له قيمة اسمية دفترية وسوقية شأنه في ذلك شأن السهم العادي غير أن القيمة الدفترية تتمثل في قيمة الأسهم الممتازة كما تظهر في دفاتر الشركة مقسومة على عدد الأسهم المصدرة، تحمل الأسهم الممتازة مزايا وامتيازات تفرقها عن غيرها، منها مثلاً:

- لحملة الأسهم الممتازة الأولوية على حملة الأسهم العادية، في استرجاع قيمة أسهمهم عند تصفية الشركة أو الإفلاس.

- القيمة الاسمية للسهم الممتاز لا بد أن تساوي القيمة الاسمية للسهم العادي.

- لحملة هذه الأسهم الحق في الحصول على توزيعات تعادل تماماً ما يحصل عليه حملة الأسهم العادية.

- حق الأولوية في الأرباح بنسبة ثابتة من القيمة الاسمية قبل توزيعها على حملة الأسهم العادية وعادة ما لا يبقى شيئاً منها لهم.

كما أن السهم الممتاز ليس له تاريخ استحقاق، ولكن من الممكن أن ينص العقد على استدعائه في وقت لاحق.



ب-3- أسهم التمتع

هي صكوك يتسلمها المساهم عندما يستوفي كل القيمة الاسمية لسهمه، يشترط في تقديم هذه الأسهم أن يكون مصرحاً بذلك في القانون النظامي للشركة، ويتم ذلك عن طريق القرعة.

" وأسهم التمتع تعطي للمساهمين بدلاً من الأسهم التي تم استهلاكها بطريقة القرعة ويكون ذلك عادة في الشركات صاحبة الامتياز الحكومي، أي أن الحكومة يؤول إليها جميع ما تملكه الشركة صاحبة الامتياز، ومن ثم تقوم الشركة باستهلاك نسب من الأسهم، حتى يتم استهلاك جميع الأسهم بانتهاء مدة الامتياز".

ج- من حيث نوع الحصة المقدمة نميز التالي:

ج-1- الأسهم النقدية:

هي الأسهم التي يكتب فيها المساهم شرط أن تدفع قيمتها نقداً، ولا يتم تداول هذه الأسهم إلا بعد تأسيس الشركة بصفة نهائية وصدور المرسوم المرخص بتأسيسها.

ج-2- الأسهم العينية:

هي أسهم يدفع صاحبها قيمتها بممتلكات عينية كعقار أو مصنع أو متجر أو أي موجودات أخرى، فلا يجوز للشركة أن تسلم هذه الأسهم إلى أصحابها إلا



عند استلام المساهمات والموجودات التي تقابلها بكاملها، وقد منع القانون تداول هذا النوع من الأسهم إلا بعد انقضاء سنتين من تاريخ إصدارها.

3- تقييم الأسهم

يتم تقييم الأسهم وفقاً لطرق سنذكر أهمها في الآتي:

3-1- تقييم السهم وفق معادلة معامل السعر إلى الربح:

هذه طريقة مستخدمة عند المستثمرين لكنها طريقة محدودة وسهلة أيضاً، فتقييم السهم يتطلب معرفة نسبة معامل السعر إلى الربح (P/E) وبه تعرف كم يدفع السوق للسهم المعين بالنسبة لدخله. أما كيفية حساب (P/E) فتأخذ سعر السهم الحالي في السوق وتقسمه على ربحية الشركة عن كل سهم.

3-2- تقييم السهم وفق دخله والعائد عليه:

تقوم الشركة بتوزيع الأرباح على المساهمين كالاتي:

سعر السهم (ربح السهم / سعر السهم) = العائد (%)

حيث العائد هو النسبة المئوية من الأرباح الناتجة عن شراء السهم.

مثال : إذا كانت شركة توزع أرباحاً سنوية بمقدار 2 دج عن كل سهم وكان سعر السهم وقت الشراء 50 دج فإن العائد سيكون 4%.

$$\text{أي: } 2/50 = 0.04\%$$

ومع هذا لا يعتبر العائد على السهم مقياس كل الأسهم لوحده.



3-3- تقييم السهم وفق نسبة نمو السهم مقارنة إلى نسبة معامل السعر إلى

الربح:

إن أسهم النمو القوي تجذب المستثمرين وبكثرة مما يرفع (P/E) أي نسبة معامل السعر إلى الربح إلى فوق متوسط (P/E) في السوق، فهل يعني ذلك أن الأسهم باهظة الثمن؟

الجواب ليس بالضرورة فإذا كان النمو فوق العادة فيمكن أن يكون صعود (P/E) إلى فوق المتوسط له ما يبرره. كيفية حساب (PEG) أن تقسم (P/E) على نسبة النمو المتوقعة في المستقبل.

مثال: إذا كان توقع نمو شركة 15% في السنة لعدة سنوات آتية وكان (P/E) الحالي 20 فيكون: $PEG=20/15=1.33$ وكلما كان (PEG) اقل كلما كان السهم أفضل.

3-4- تقييم السهم وفق معادلة تقييم سعر السهم بالنسبة لمبيعاته:

أثبتت دراسات قام بها محللون ماليون أن معادلة تقييم سعر السهم بالنسبة لمبيعاته (PSR) إذا طبقت على شراء الأسهم بحيث كان (PSR) للأسهم المستثمر فيها منخفض أن هذه الأسهم يفوق ربحها عن أسهم كانت معامل السعر إلى الربح (P/E) فيها منخفض بمعنى أن فاعلية معادلة (PSR) أقوى من فاعل (E/P)، بسبب عدم وضوح الأرباح الحقيقية للشركة بسبب تصرف الشركة في نظام المحاسبة عندها مع إمكانية زيادة الربح دفتريا لا واقعا بالتصرف في الأرقام بالنسبة للاستهلاك والضرائب مما يؤثر سلبا على حقيقة (P/E) فطريقة (PSR) تسهل تقييم الشركات الجديدة التي لا أرباح لديها لكن



تنمو نموا مطرد مع أمل أن ينتج هذا النمو عن أرباح مرتفعة مثل شركات الانترنت في بداية ظهورها.

مثال : إذا كانت مبيعات الشركة السنوية مليار دينار ومجموع قيمة أسهم الشركة 900 مليون دينار فإنها حينئذ يكون قيمة (*PSR*) يساوي 9.0 إذا قيمة (*PSR*) اقل من واحد فهذا محبب جدا.

ويعيب معادلة (*PSR*) أنها لا تعمل في الشركات التي ليس لها مبيعات مثل البنوك وشركات التأمين. ومعظم المستثمرين يبحثون عن (*PSR*) اثنان فأقل وينبغي النظر إلى (*PSR*) التاريخي للشركة وللشركات التي في نفس القطاع ولحالة السوق.

3-5- تقييم السهم وفق طريقة التحليل الأساسي:

تعتمد طريقة التحليل الأساسي على الاستثمار في الأسهم لمدة طويلة والنظر في تغير السهم وقطاعه على مر 6 إلى 18 شهرا. كما يعتمد المحللون الأساسيين على النمط العام في الاقتصاد والنظر في حالة القطاع المعين ونوعية السهم وجودته بين منافسيه. وينظرون أيضا إلى مختلف القطاعات بحيث يقوم اختيارهم على أقوى قطاع في الدورة الاقتصادية الحالية.

3-6- تقييم السهم بطريقة التحليل الفني:

يعتمد التحليل الفني كما هو معلوم بالتنبؤ بحركة السهم صعودا أو هبوطا في المستقبل، وهو أسلوب يعتمد على الوقت الحالي وينصب اهتمام المحلل على الحركة الحالية للسوق والأسهم. فقرار الشراء والبيع يقوم على حركة السوق والأسهم صعودا أم هبوطا.



قائمة المراجع



قائمة المراجع:

- أبو منصفن(200)، الوجيز في الرياضيات المالية ، دار المحمدية العامة ، الجزائر.
- السيدة عبد الفتاح إسماعيل وآخرون، (2008)، الاستثمار في الأوراق المالية ، جامعة الإسكندرية .
- جمال جويدار الجمل، (2002)، الأسواق المالية والنقدية، دار صفاء للنشر والتوزيع، عمان.
- طاهر حيدر حردان، (1997)، مبادئ الاستثمار، دار المستقبل للنشر والتوزيع، عمان.
- محمود أمين زويل، (2000)، بورصة الأوراق المالية: موقعها من السوق- أحوالها ومستقبلها، دار الوفاء للطباعة والنشر، الإسكندرية.
- ميرفانا ياسر سلامة، (2009)، معجم الرياضيات التعريفات العلمية، دار صفاء للنشر والتوزيع، عمان.
- منصور بن عوف عبد الكريم، (1996)، مدخل إلى الرياضيات المالية، ديوان المطبوعات الجامعية، الجزائر.
- ناصر دادي عدون، (2010)، الرياضيات المالية: دروس نظرية، دار المحمدية العامة، الجزائر.
- ناصر دادي عدون، (2010)، الرياضيات المالية: تمارين والحلول، دار المحمدية العامة، الجزائر.
- عبد الغفار حنفي، (2002)، إدارة المصارف، الدار الجامعة الجديدة للنشر، الإسكندرية..
- عبد الغفار حنفي، (2000)، الاستثمار في الأوراق المالية، جامعة عين الشمس، الإسكندرية.
- عدنان كريم نجم الدين، (2009)، الرياضيات المالية، دار وائل للطباعة والنشر، عمان.



- علي محمد علي عكاشة، (2009)، الرياضيات المالية، دار الرضا للنشر والتوزيع، مصر.
- شقيري نوري موسى، (2011)، الرياضيات المالية، دار المسيرة للطباعة والنشر، البحرين.
- غازي فلاح المومني، (2006)، الرياضيات المالية المعاصرة، دار المناهج للنشر والتوزيع، الأردن.

- *Black, P Wright, J. Bachman, (1999), Gestion de la valeur Actionariale, éd Dunod, Paris .*
- *Ham et Joanne, (2003), Mathématiques Financières, collection e-thèque, édition électronique, France.*
- *Patrice Fontaine et Ham et Joanne,(2007), Les Marchés Financiers internationaux, coll Que Sais-Je ?, France.*
- *Payrard, (1998),la Bourse, Veuibert, Paris.*
- *Pierre Vernimen,(1998), Finance d'entreprise, ed Dalloz, Paris.*